

Exercícios de fixação - **Divisão e Conquista**

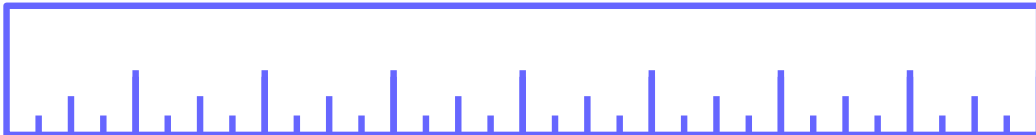
**Questão 1.** Implemente uma busca binária de maneira **recursiva**.

**Questão 2.** No algoritmo de intercalação, alocamos um vetor auxiliar com tamanho máximo fixo `MAX`. Vimos que podemos flexibilizar essa restrição usando `malloc` para alocar memória no início da função e `free` para liberar memória no final da função. No entanto, essas funções são bem **caras**, isso é, gastam muito tempo, o que pode fazer com que o algoritmo fique mais lento já que a função `intercalar` pode ser chamada diversas vezes. Como você resolveria esse problema?

**Questão 3. Eficiência do QuickSort** Ao contrário do *MergeSort* que tem complexidade de pior caso  $O(n \log n)$ , o *QuickSort* tem complexidade de pior caso  $O(n^2)$  (na verdade, exatamente  $\Theta(n^2)$ ). Surpreendentemente, na prática esse algoritmo é tão rápido quanto o *MergeSort* e (algumas vezes) até mais eficiente. Tente responder as questões a seguir:

- (a) Descreva o comportamento do particionamento para vetores:  $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $\{5, 4, 3, 2, 1\}$ ,  $\{1, 5, 4, 2, 3\}$ . Pode ser útil tentar simular os passos iniciais.
- (b) A partição do vetor nem sempre será balanceada, isso é, nem sempre irá dividir o vetor em partes iguais. Você consegue dar um exemplo de vetor com  $n$  posições em que toda chamada de particionamento deixa uma parte com apenas um elemento?
- (c) Com que frequência você acha que o exemplo do item anterior acontece na prática? Tente pensar em uma maneira que diminua essa probabilidade (é necessário que o pivô sempre seja o primeiro elemento?).

**Questão 4.** Escreva uma função recursiva que escreva um programa LOGO (relembre o que é um programa LOGO nos exercícios anteriores) para desenhar uma régua, com marcadores de 1cm, 0,5cm, 0,25cm proporcionais, como na figura (considere que cada cm equivale a 100 pixels). Depois, tente implementar uma versão iterativa do problema.



**Questão 5.** Como é possível implementar o *Merge-Sort* de maneira iterativa (observar o exercício ?? pode ser útil)? Esboce ou implemente o *Merge-Sort* como um algoritmo iterativo.