

MC-202

Aplicações de Pilhas

Rafael C. S. Schouery
rafael@ic.unicamp.br

Universidade Estadual de Campinas

2º semestre/2018

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados
- Exemplos corretos:

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados
- Exemplos corretos:
 - $(a + b)$

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados
- Exemplos corretos:
 - $(a + b)$
 - $(a \cdot b) + (c/(d - e))$

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados
- Exemplos corretos:
 - $(a + b)$
 - $(a \cdot b) + (c/(d - e))$
- Exemplos incorretos:

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados
- Exemplos corretos:
 - $(a + b)$
 - $(a \cdot b) + (c/(d - e))$
- Exemplos incorretos:
 - $(a + b$

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados
- Exemplos corretos:
 - $(a + b)$
 - $(a \cdot b) + (c/(d - e))$
- Exemplos incorretos:
 - $(a + b$
 - $(a \cdot b) + (c/d - e))$

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados
- Exemplos corretos:
 - $(a + b)$
 - $(a \cdot b) + (c/(d - e))$
- Exemplos incorretos:
 - $(a + b$
 - $(a \cdot b) + (c/d - e))$
 - $)a + b($

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados
- Exemplos corretos:
 - $(a + b)$
 - $(a \cdot b) + (c/(d - e))$
- Exemplos incorretos:
 - $(a + b$
 - $(a \cdot b) + (c/d - e))$
 - $)a + b($

Escreva uma função que dada uma sequência de parênteses, diz se ela é balanceada ou não

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados
- Exemplos corretos:
 - $(a + b)$
 - $(a \cdot b) + (c/(d - e))$
- Exemplos incorretos:
 - $(a + b$
 - $(a \cdot b) + (c/d - e))$
 - $)a + b($

Escreva uma função que dada uma sequência de parênteses, diz se ela é balanceada ou não

- Vamos ignorar operandos e operadores

Exercício

Temos uma expressão aritmética e queremos saber se os parênteses estão corretos

- dizemos que estão balanceados
- Exemplos corretos:
 - $(a + b)$
 - $(a \cdot b) + (c/(d - e))$
- Exemplos incorretos:
 - $(a + b$
 - $(a \cdot b) + (c/d - e))$
 - $)a + b($

Escreva uma função que dada uma sequência de parênteses, diz se ela é balanceada ou não

- Vamos ignorar operandos e operadores
- $()(())$

Balanceamento de parênteses

Uma sequência de parênteses é balanceada se é:

vazia ou **[sequência válida]** ou **(sequência válida)**
ou a concatenação de duas sequências válidas

Balanceamento de parênteses

Uma sequência de parênteses é balanceada se é:

vazia ou **[sequência válida]** ou **(sequência válida)**
ou a concatenação de duas sequências válidas

Exemplos:

Balanceada

[[]]

([() ([])])

Não Balanceada

([]

[[))

([)]

Balanceamento de parênteses

Uma sequência de parênteses é balanceada se é:

vazia ou **[sequência válida]** ou **(sequência válida)**
ou a concatenação de duas sequências válidas

Exemplos:

Balanceada

[[]]

([() ([])])

Não Balanceada

([]

[[))

([)]

Para testar, leia cada símbolo e se:

Balanceamento de parênteses

Uma sequência de parênteses é balanceada se é:

vazia ou **[sequência válida]** ou **(sequência válida)**
ou a concatenação de duas sequências válidas

Exemplos:

Balanceada

[[]]

([() ([])])

Não Balanceada

([]

[[))

([)]

Para testar, leia cada símbolo e se:

1. leu (ou [: empilha o símbolo lido

Balanceamento de parênteses

Uma sequência de parênteses é balanceada se é:

vazia ou **[sequência válida]** ou **(sequência válida)**
ou a concatenação de duas sequências válidas

Exemplos:

Balanceada

[[]]

([() ([])])

Não Balanceada

([]

[[))

([)]

Para testar, leia cada símbolo e se:

1. leu (ou [: empilha o símbolo lido
2. leu]: desempilha [

Balanceamento de parênteses

Uma sequência de parênteses é balanceada se é:

vazia ou **[sequência válida]** ou **(sequência válida)**
ou a concatenação de duas sequências válidas

Exemplos:

Balanceada

[[]]

([() ([])])

Não Balanceada

([]

[[))

([)]

Para testar, leia cada símbolo e se:

1. leu (ou [: empilha o símbolo lido
2. leu]: desempilha [
3. leu): desempilha (

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {  
2     p_pilha pilha;
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {  
2     p_pilha pilha;  
3     int i, ok = 1;  
4     char par;
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {  
2     p_pilha pilha;  
3     int i, ok = 1;  
4     char par;  
5     p_pilha = criar_pilha();  
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
8             empilhar(pilha, str[i]);
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
8             empilhar(pilha, str[i]);
9         else if (eh_vazia(pilha))
10             ok = 0;
11     else {
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
8             empilhar(pilha, str[i]);
9         else if (eh_vazia(pilha))
10             ok = 0;
11         else {
12             par = desempilhar(pilha);
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
8             empilhar(pilha, str[i]);
9         else if (eh_vazia(pilha))
10             ok = 0;
11         else {
12             par = desempilhar(pilha);
13             if (str[i] == ']' && par != '[')
14                 ok = 0;
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
8             empilhar(pilha, str[i]);
9         else if (eh_vazia(pilha))
10             ok = 0;
11         else {
12             par = desempilhar(pilha);
13             if (str[i] == ']' && par != '[')
14                 ok = 0;
15             if (str[i] == ')' && par != '(')
16                 ok = 0;
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
8             empilhar(pilha, str[i]);
9         else if (eh_vazia(pilha))
10             ok = 0;
11         else {
12             par = desempilhar(pilha);
13             if (str[i] == ']' && par != '[')
14                 ok = 0;
15             if (str[i] == ')' && par != '(')
16                 ok = 0;
17         }
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
8             empilhar(pilha, str[i]);
9         else if (eh_vazia(pilha))
10             ok = 0;
11         else {
12             par = desempilhar(pilha);
13             if (str[i] == ']' && par != '[')
14                 ok = 0;
15             if (str[i] == ')' && par != '(')
16                 ok = 0;
17         }
18     if (!eh_vazia(pilha))
19         ok = 0;
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
8             empilhar(pilha, str[i]);
9         else if (eh_vazia(pilha))
10             ok = 0;
11         else {
12             par = desempilhar(pilha);
13             if (str[i] == ']' && par != '[')
14                 ok = 0;
15             if (str[i] == ')' && par != '(')
16                 ok = 0;
17         }
18     if (!eh_vazia(pilha))
19         ok = 0;
20     destruir_pilha(pilha);
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
8             empilhar(pilha, str[i]);
9         else if (eh_vazia(pilha))
10             ok = 0;
11         else {
12             par = desempilhar(pilha);
13             if (str[i] == ']' && par != '[')
14                 ok = 0;
15             if (str[i] == ')' && par != '(')
16                 ok = 0;
17         }
18     if (!eh_vazia(pilha))
19         ok = 0;
20     destruir_pilha(pilha);
21     return ok;
22 }
```

Implementação em C

```
1 int eh_balanceada(char *str) {
2     p_pilha pilha;
3     int i, ok = 1;
4     char par;
5     p_pilha = criar_pilha();
6     for (i = 0; ok && str[i] != '\0'; i++)
7         if (str[i] == '[' || str[i] == '(')
8             empilhar(pilha, str[i]);
9         else if (eh_vazia(pilha))
10             ok = 0;
11         else {
12             par = desempilhar(pilha);
13             if (str[i] == ']' && par != '[')
14                 ok = 0;
15             if (str[i] == ')' && par != '(')
16                 ok = 0;
17         }
18     if (!eh_vazia(pilha))
19         ok = 0;
20     destruir_pilha(pilha);
21     return ok;
22 }
```

- E se usássemos `return 0` dentro do `for`?

Notação de expressões

Notação de expressões

Notação de expressões

Exemplo 1:

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$
- Pós-fixa: $5 9 8 + 4 6 * * 7 + *$

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$
- Pós-fixa: $5 9 8 + 4 6 * * 7 + *$

Notação de expressões aritméticas:

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$
- Pós-fixa: $5 9 8 + 4 6 * * 7 + *$

Notação de expressões aritméticas:

1. **Infixa**: é a notação cotidiana

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$
- Pós-fixa: $5 9 8 + 4 6 * * 7 + *$

Notação de expressões aritméticas:

1. **Infixa**: é a notação cotidiana

- Ordem normal de leitura, com parênteses para evitar ambiguidade

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$
- Pós-fixa: $5 9 8 + 4 6 * * 7 + *$

Notação de expressões aritméticas:

1. **Infixa**: é a notação cotidiana

- Ordem normal de leitura, com parênteses para evitar ambiguidade

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$
- Pós-fixa: $5 9 8 + 4 6 * * 7 + *$

Notação de expressões aritméticas:

1. **Infixa:** é a notação cotidiana
 - Ordem normal de leitura, com parênteses para evitar ambiguidade
2. **Pré-fixa:** é a notação polonesa do lógico Jan Lukasiewicz

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$
- Pós-fixa: $5 9 8 + 4 6 * * 7 + *$

Notação de expressões aritméticas:

1. **Infixa:** é a notação cotidiana
 - Ordem normal de leitura, com parênteses para evitar ambiguidade
2. **Pré-fixa:** é a notação polonesa do lógico Jan Lukasiewicz
 - Operador **precede** operandos

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$
- Pós-fixa: $5 9 8 + 4 6 * * 7 + *$

Notação de expressões aritméticas:

1. **Infixa:** é a notação cotidiana
 - Ordem normal de leitura, com parênteses para evitar ambiguidade
2. **Pré-fixa:** é a notação polonesa do lógico Jan Lukasiewicz
 - Operador **precede** operandos

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$
- Pós-fixa: $5 9 8 + 4 6 * * 7 + *$

Notação de expressões aritméticas:

1. **Infixa:** é a notação cotidiana
 - Ordem normal de leitura, com parênteses para evitar ambiguidade
2. **Pré-fixa:** é a notação polonesa do lógico Jan Lukasiewicz
 - Operador **precede** operandos
3. **Pós-fixa:** é notação polonesa reversa (RPN), das calculadoras HP, ...

Notação de expressões

Exemplo 1:

- Infixa: $a + b$
- Pré-fixa: $+ a b$
- Pós-fixa: $a b +$

Exemplo 2:

- Infixa: $5 * (9 + 8) * 4 * 6 + 7$
- Pré-fixa: $* 5 + * + 9 8 * 4 6 7$
- Pós-fixa: $5 9 8 + 4 6 * * 7 + *$

Notação de expressões aritméticas:

1. **Infixa:** é a notação cotidiana
 - Ordem normal de leitura, com parênteses para evitar ambiguidade
2. **Pré-fixa:** é a notação polonesa do lógico Jan Lukasiewicz
 - Operador **precede** operandos
3. **Pós-fixa:** é notação polonesa reversa (RPN), das calculadoras HP, ...
 - Operador **sucede** operandos

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * (2 + 1) * 4 + 1 = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixada:

$$2 * ((2 + 1) * 4 + 1)$$

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

$$2 * (3 * 4 + 1)$$

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

$$2 * (12 + 1)$$

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * (2 + 1) * 4 + 1 = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

2 * 13

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * (2 + 1) * 4 + 1 = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * (2 + 1) * 4 + 1 = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 2

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 2 1

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 2 1 +

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 3

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 3 4

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 3 4 *

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 12

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 2 1

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 2 1 +

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 13

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

2 13 *

Exemplo de cálculo de expressão

- **Infixa:** $2 * ((2 + 1) * 4 + 1) = 26$
- **Pós-fixa:** 2 2 1 + 4 * 1 + *

Resolvendo com notação infixa:

26

Resolvendo com notação pós-fixa:

26

Calculando expressões pós-fixas

Algoritmo:

Calculando expressões pós-fixas

Algoritmo:

1. Para cada elemento lido:

Calculando expressões pós-fixas

Algoritmo:

1. Para cada elemento lido:
 - Se for número n :

Calculando expressões pós-fixas

Algoritmo:

1. Para cada elemento lido:
 - Se for número n :
 - empilha n

Calculando expressões pós-fixas

Algoritmo:

1. Para cada elemento lido:
 - Se for número n :
 - empilha n
 - Se for operador \oplus :

Calculando expressões pós-fixas

Algoritmo:

1. Para cada elemento lido:
 - Se for número n :
 - empilha n
 - Se for operador \oplus :
 - desempilha $operando_1$

Calculando expressões pós-fixas

Algoritmo:

1. Para cada elemento lido:
 - Se for número n :
 - empilha n
 - Se for operador \oplus :
 - desempilha $operando_1$
 - desempilha $operando_2$

Calculando expressões pós-fixas

Algoritmo:

1. Para cada elemento lido:
 - Se for número n :
 - empilha n
 - Se for operador \oplus :
 - desempilha $operando_1$
 - desempilha $operando_2$
 - empilha $operando_2 \oplus operando_1$

Calculando expressões pós-fixas

Algoritmo:

1. Para cada elemento lido:
 - Se for número n :
 - empilha n
 - Se for operador \oplus :
 - desempilha $operando_1$
 - desempilha $operando_2$
 - empilha $operando_2 \oplus operando_1$
2. Desempilha (único) valor da pilha e retorna

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

- Copiamos os números diretamente na saída

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

- Copiamos os números diretamente na saída
- Quando aparece um operador na entrada

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

- Copiamos os números diretamente na saída
- Quando aparece um operador na entrada
 - enquanto o operador no topo tem precedência maior ou igual ao operador na entrada

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

- Copiamos os números diretamente na saída
- Quando aparece um operador na entrada
 - enquanto o operador no topo tem precedência maior ou igual ao operador na entrada
 - desempilhamos e copiamos na saída

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

- Copiamos os números diretamente na saída
- Quando aparece um operador na entrada
 - enquanto o operador no topo tem precedência maior ou igual ao operador na entrada
 - desempilhamos e copiamos na saída
 - empilhamos o operador novo

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

- Copiamos os números diretamente na saída
- Quando aparece um operador na entrada
 - enquanto o operador no topo tem precedência maior ou igual ao operador na entrada
 - desempilhamos e copiamos na saída
 - empilhamos o operador novo
- No final, desempilhamos todos os elementos da pilha, copiando para a saída

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

- Copiamos os números diretamente na saída
- Quando aparece um operador na entrada
 - enquanto o operador no topo tem precedência maior ou igual ao operador na entrada
 - desempilhamos e copiamos na saída
 - empilhamos o operador novo
- No final, desempilhamos todos os elementos da pilha, copiando para a saída

Observações:

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

- Copiamos os números diretamente na saída
- Quando aparece um operador na entrada
 - enquanto o operador no topo tem precedência maior ou igual ao operador na entrada
 - desempilhamos e copiamos na saída
 - empilhamos o operador novo
- No final, desempilhamos todos os elementos da pilha, copiando para a saída

Observações:

- Usamos uma nova operação: “**olhar topo da pilha**”.

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

- Copiamos os números diretamente na saída
- Quando aparece um operador na entrada
 - enquanto o operador no topo tem precedência maior ou igual ao operador na entrada
 - desempilhamos e copiamos na saída
 - empilhamos o operador novo
- No final, desempilhamos todos os elementos da pilha, copiando para a saída

Observações:

- Usamos uma nova operação: “**olhar topo da pilha**”.
 - É possível fazer sem?

Convertendo de infixa para pós-fixa

Objetivo:

$$1 + 2 * 3 / 4 * 5 - 6 \Rightarrow 1 2 3 * 4 / 5 * + 6 -$$

Ideia:

- Copiamos os números diretamente na saída
- Quando aparece um operador na entrada
 - enquanto o operador no topo tem precedência maior ou igual ao operador na entrada
 - desempilhamos e copiamos na saída
 - empilhamos o operador novo
- No final, desempilhamos todos os elementos da pilha, copiando para a saída

Observações:

- Usamos uma nova operação: “**olhar topo da pilha**”.
 - É possível fazer sem?
- Como generalizar para o caso em que a expressão tem parênteses?

Pilhas e recursão

Pergunta: Qual a relação entre *pilhas* e *recursão*?

Pilhas e recursão

Pergunta: Qual a relação entre *pilhas* e *recursão*?

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

Pilhas e recursão

Pergunta: Qual a relação entre *pilhas* e *recursão*?

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

Vamos tentar descobrir simulando uma chamada: **fat(4)**

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para `fat(4)`:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

n	ret	ant	

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

4	?	?	

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

3	?	?	
4	?	?	

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

2	?	?	
3	?	?	
4	?	?	

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

1	?	?
2	?	?
3	?	?
4	?	?

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

0	?	?
1	?	?
2	?	?
3	?	?
4	?	?

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

0	1	?
1	?	?
2	?	?
3	?	?
4	?	?

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

0	1	?
1	?	?
2	?	?
3	?	?
4	?	?

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

1	?	1
2	?	?
3	?	?
4	?	?

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

1	1	1
2	?	?
3	?	?
4	?	?

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

2	?	1	
3	?	?	
4	?	?	

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

2	2	1	
3	?	?	
4	?	?	

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

3	?	2
4	?	?

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

3	6	2
4	?	?

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para **fat(4)**:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

4	?	6

n ret ant

Pilha de Chamadas

Estado da “pilha” de chamadas para `fat(4)`:

```
1 int fat(int n) {  
2     int ret, ant;  
3     if (n == 0)  
4         ret = 1;  
5     else {  
6         ant = fat(n-1);  
7         ret = n * ant;  
8     }  
9     return ret;  
10 }
```

4	24	6	

n ret ant

Pilhas e recursão (continuando)

Quando empilhamos:

Pilhas e recursão (continuando)

Quando empilhamos:

- Alocamos espaço para as variáveis locais (**n**, **ret**, **ant**)

Pilhas e recursão (continuando)

Quando empilhamos:

- Alocamos espaço para as variáveis locais (**n**, **ret**, **ant**)

Quando desempilhamos:

Pilhas e recursão (continuando)

Quando empilhamos:

- Alocamos espaço para as variáveis locais (`n`, `ret`, `ant`)

Quando desempilhamos:

- Quando a chamada de `fat(n)` retorna, apagamos o espaço para as variáveis locais

Pilhas e recursão (continuando)

Quando empilhamos:

- Alocamos espaço para as variáveis locais (**n**, **ret**, **ant**)

Quando desempilhamos:

- Quando a chamada de **fat(n)** retorna, apagamos o espaço para as variáveis locais
- Restabelecemos os valores das variáveis locais para o valor que tinham antes da chamada

Pilhas e recursão (continuando)

Quando empilhamos:

- Alocamos espaço para as variáveis locais (**n**, **ret**, **ant**)

Quando desempilhamos:

- Quando a chamada de **fat(n)** retorna, apagamos o espaço para as variáveis locais
- Restabelecemos os valores das variáveis locais para o valor que tinham antes da chamada

O conjunto de variáveis locais formam um elemento da pilha

Pilhas e recursão (continuando)

Quando empilhamos:

- Alocamos espaço para as variáveis locais (**n**, **ret**, **ant**)

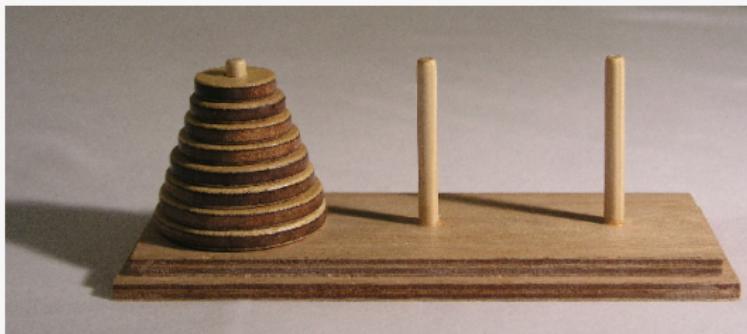
Quando desempilhamos:

- Quando a chamada de **fat(n)** retorna, apagamos o espaço para as variáveis locais
- Restabelecemos os valores das variáveis locais para o valor que tinham antes da chamada

O conjunto de variáveis locais formam um elemento da pilha

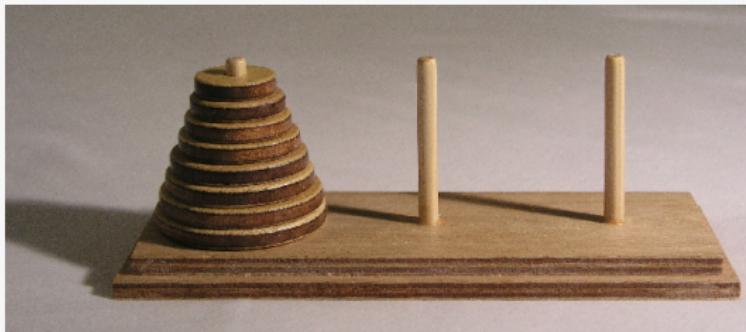
Isto é, a recursão pode ser simulada usando uma pilha de suas variáveis locais

Um exemplo mais complexo: Torres de Hanói



```
1 void hanoi(int n, char orig, char dest, char aux) {  
2     if (n > 0) {  
3         hanoi(n-1, orig, aux, dest);  
4         printf("move de %c para %c\n", orig, dest);  
5         hanoi(n-1, aux, dest, orig);  
6     }  
7 }
```

Um exemplo mais complexo: Torres de Hanói



```
1 void hanoi(int n, char orig, char dest, char aux) {  
2     if (n > 0) {  
3         hanoi(n-1, orig, aux, dest);  
4         printf("move de %c para %c\n", orig, dest);  
5         hanoi(n-1, aux, dest, orig);  
6     }  
7 }
```

Precisamos além de empilhar a variáveis locais, armazenar em qual linha devemos voltar a execução do código

Pilhas e recursão

O **registro de ativação** de uma função é o conjunto formado por:

Pilhas e recursão

O **registro de ativação** de uma função é o conjunto formado por:

1. Variáveis locais

Pilhas e recursão

O **registro de ativação** de uma função é o conjunto formado por:

1. Variáveis locais
2. Endereço de retorno após a chamada

Pilhas e recursão

O **registro de ativação** de uma função é o conjunto formado por:

1. Variáveis locais
2. Endereço de retorno após a chamada

A **pilha de execução** (ou pilha de chamadas) é a pilha dos registros de ativação das várias chamadas em execução em um programa

Buscando um elemento em uma lista ligada

Versão recursiva:

```
1 p_no busca_rec(p_no lista, int x) {
2     if (lista == NULL || lista->dado == x)
3         return lista;
4     else
5         return busca_rec(lista->prox, x);
6 }
```

Buscando um elemento em uma lista ligada

Versão recursiva:

```
1 p_no busca_rec(p_no lista, int x) {
2     if (lista == NULL || lista->dado == x)
3         return lista;
4     else
5         return busca_rec(lista->prox, x);
6 }
```

Note que:

Buscando um elemento em uma lista ligada

Versão recursiva:

```
1 p_no busca_rec(p_no lista, int x) {
2     if (lista == NULL || lista->dado == x)
3         return lista;
4     else
5         return busca_rec(lista->prox, x);
6 }
```

Note que:

- a recursão é a última coisa antes do retorno da função

Buscando um elemento em uma lista ligada

Versão recursiva:

```
1 p_no busca_rec(p_no lista, int x) {
2     if (lista == NULL || lista->dado == x)
3         return lista;
4     else
5         return busca_rec(lista->prox, x);
6 }
```

Note que:

- a recursão é a última coisa antes do retorno da função
- i.e., apenas retornamos o valor de
`busca_rec(lista->prox, x)` sem manipulá-lo

Buscando um elemento em uma lista ligada

Versão recursiva:

```
1 p_no busca_rec(p_no lista, int x) {
2     if (lista == NULL || lista->dado == x)
3         return lista;
4     else
5         return busca_rec(lista->prox, x);
6 }
```

Note que:

- a recursão é a última coisa antes do retorno da função
- i.e., apenas retornamos o valor de `busca_rec(lista->prox, x)` sem manipulá-lo
- exceto na base, o retorno não depende do valor das variáveis locais

Buscando um elemento em uma lista ligada

Versão recursiva:

```
1 p_no busca_rec(p_no lista, int x) {
2     if (lista == NULL || lista->dado == x)
3         return lista;
4     else
5         return busca_rec(lista->prox, x);
6 }
```

Note que:

- a recursão é a última coisa antes do retorno da função
- i.e., apenas retornamos o valor de `busca_rec(lista->prox, x)` sem manipulá-lo
- exceto na base, o retorno não depende do valor das variáveis locais
 - Depende apenas do valor da chamada recursiva

Eliminação de Recursão

Podemos eliminar o uso de recursão na nossa função

Eliminação de Recursão

Podemos eliminar o uso de recursão na nossa função

Versão recursiva:

```
1 p_no busca_rec(p_no lista, int x) {  
2     if (lista == NULL || lista->dado == x)  
3         return lista;  
4     else  
5         return busca_rec(lista->prox, x);  
6 }
```

Eliminação de Recursão

Podemos eliminar o uso de recursão na nossa função

Versão recursiva:

```
1 p_no busca_rec(p_no lista, int x) {  
2     if (lista == NULL || lista->dado == x)  
3         return lista;  
4     else  
5         return busca_rec(lista->prox, x);  
6 }
```

Eliminando a recursão:

```
1 p_no busca_iterativa(p_no lista, int x) {  
2     while(lista != NULL && lista->dado != x)  
3         lista = lista->prox;  
4     return lista;  
5 }
```

Recursão de Cauda

Se o último passo de uma função $f(x)$ é o retorno de $f(y)$ então

Recursão de Cauda

Se o último passo de uma função $f(x)$ é o retorno de $f(y)$ então

- podemos reiterar a função $f(x)$ usando $x = y$

Recursão de Cauda

Se o último passo de uma função $f(x)$ é o retorno de $f(y)$ então

- podemos reiterar a função $f(x)$ usando $x = y$
- usando um `while`

Recursão de Cauda

Se o último passo de uma função $f(x)$ é o retorno de $f(y)$ então

- podemos reiterar a função $f(x)$ usando $x = y$
- usando um `while`
- até chegar em uma das bases da recursão

Recursão de Cauda

Se o último passo de uma função $f(x)$ é o retorno de $f(y)$ então

- podemos reiterar a função $f(x)$ usando $x = y$
- usando um `while`
- até chegar em uma das bases da recursão

Chamamos esse tipo de recursão de **recursão de cauda**

Recursão geral

Note que `hanoi` e `fat` não têm recursão de cauda

Recursão geral

Note que `hanoi` e `fat` não têm recursão de cauda

Recursão geral

Note que `hanoi` e `fat` não têm recursão de cauda

Recursão geral

Note que `hanoi` e `fat` não têm recursão de cauda

```
1 void hanoi(int n, char orig, char dest,
2             char aux) {
3     if (n > 0) {
4         hanoi(n-1, orig, aux, dest);
5         printf("move de %c para %c\n", orig,
6                dest);
7         hanoi(n-1, aux, dest, orig);
8     }
9 }
```

Recursão geral

Note que `hanoi` e `fat` não têm recursão de cauda

```
1 void hanoi(int n, char orig, char dest,
2             char aux) {
3     if (n > 0) {
4         hanoi(n-1, orig, aux, dest);
5         printf("move de %c para %c\n", orig,
6                dest);
7         hanoi(n-1, aux, dest, orig);
8     }
9 }
```

```
1 int fat(int n) {
2     int ret, ant;
3     if (n == 0)
4         ret = 1;
5     else {
6         ant = fat(n-1);
7         ret = n * ant;
8     }
9     return ret;
10 }
```

Recursão geral

Note que `hanoi` e `fat` não têm recursão de cauda

```
1 void hanoi(int n, char orig, char dest,
2             char aux) {
3     if (n > 0) {
4         hanoi(n-1, orig, aux, dest);
5         printf("move de %c para %c\n", orig,
6                dest);
7         hanoi(n-1, aux, dest, orig);
8     }
9 }
```

```
1 int fat(int n) {
2     int ret, ant;
3     if (n == 0)
4         ret = 1;
5     else {
6         ant = fat(n-1);
7         ret = n * ant;
8     }
9     return ret;
10 }
```

Recursões que não são de cauda também podem ser eliminadas

Recursão geral

Note que `hanoi` e `fat` não têm recursão de cauda

```
1 void hanoi(int n, char orig, char dest,
2             char aux) {
3     if (n > 0) {
4         hanoi(n-1, orig, aux, dest);
5         printf("move de %c para %c\n", orig,
6                dest);
7         hanoi(n-1, aux, dest, orig);
8     }
9 }
```

```
1 int fat(int n) {
2     int ret, ant;
3     if (n == 0)
4         ret = 1;
5     else {
6         ant = fat(n-1);
7         ret = n * ant;
8     }
9     return ret;
10 }
```

Recursões que não são de cauda também podem ser eliminadas

- Porém é necessário utilizar uma pilha

Recursão geral

Note que `hanoi` e `fat` não têm recursão de cauda

```
1 void hanoi(int n, char orig, char dest,
2             char aux) {
3     if (n > 0) {
4         hanoi(n-1, orig, aux, dest);
5         printf("move de %c para %c\n", orig,
6                dest);
7         hanoi(n-1, aux, dest, orig);
8     }
9 }
```

```
1 int fat(int n) {
2     int ret, ant;
3     if (n == 0)
4         ret = 1;
5     else {
6         ant = fat(n-1);
7         ret = n * ant;
8     }
9     return ret;
10 }
```

Recursões que não são de cauda também podem ser eliminadas

- Porém é necessário utilizar uma pilha
- E o processo é mais trabalhoso

Recursão vs. Iteração

Algoritmos recursivos:

Recursão vs. Iteração

Algoritmos recursivos:

- mais fáceis de entender e de criar

Recursão vs. Iteração

Algoritmos recursivos:

- mais fáceis de entender e de criar
- mais elegantes

Recursão vs. Iteração

Algoritmos recursivos:

- mais fáceis de entender e de criar
- mais elegantes

Algoritmos iterativos:

Recursão vs. Iteração

Algoritmos recursivos:

- mais fáceis de entender e de criar
- mais elegantes

Algoritmos iterativos:

- Normalmente mais rápidos do que os recursivos

Recursão vs. Iteração

Algoritmos recursivos:

- mais fáceis de entender e de criar
- mais elegantes

Algoritmos iterativos:

- Normalmente mais rápidos do que os recursivos
- Não precisamos empilhar registros a cada iteração

Recursão vs. Iteração

Algoritmos recursivos:

- mais fáceis de entender e de criar
- mais elegantes

Algoritmos iterativos:

- Normalmente mais rápidos do que os recursivos
- Não precisamos empilhar registros a cada iteração

Eliminação de recursão de cauda é uma ótima forma de otimização

Recursão vs. Iteração

Algoritmos recursivos:

- mais fáceis de entender e de criar
- mais elegantes

Algoritmos iterativos:

- Normalmente mais rápidos do que os recursivos
- Não precisamos empilhar registros a cada iteração

Eliminação de recursão de cauda é uma ótima forma de otimização

- E é feita automaticamente por alguns compiladores

Recursão vs. Iteração

Algoritmos recursivos:

- mais fáceis de entender e de criar
- mais elegantes

Algoritmos iterativos:

- Normalmente mais rápidos do que os recursivos
- Não precisamos empilhar registros a cada iteração

Eliminação de recursão de cauda é uma ótima forma de otimização

- E é feita automaticamente por alguns compiladores

“We should forget about small efficiencies, say about 97% of the time: **premature optimization is the root of all evil**. Yet we should not pass up our opportunities in that critical 3%”

Donald E. Knuth

Exercício

Elimine a recursão da busca binária:

```
1 int busca_binaria(int *dados, int l, int r, int x) {  
2     int m = (l+r)/2;  
3     if (l > r)  
4         return -1;  
5     if (dados[m] == x)  
6         return m;  
7     else if (dados[m] < x)  
8         return busca_binaria(dados, m + 1, r, x);  
9     else  
10        return busca_binaria(dados, l, m - 1, x);  
11 }
```