

Universidade Estadual de Campinas - UNICAMP  
Instituto de Computação - IC

## Ordenação recursiva

- 1 Ordenação por *Quicksort*

- O algoritmo de ordenação Quicksort:

– Notação:

- 1  $v[h..j] \leq x \longrightarrow v[i] \leq x$  para todo  $i$  no conjunto de índices  $h..j$
- 2  $v[h..j] \leq v[k..m] \longrightarrow v[i] \leq v[l]$  para todo  $i$  no conjunto  $h..j$  e todo  $l$  no conjunto  $k..m$ .

– A base do Quicksort é representada pelo *algoritmo da separação* que, informalmente, consiste em rearranjar um vetor  $v[p..r]$  de modo que, em relação a um certo pivô, os elementos menores fiquem todos do lado esquerdo e os maiores fiquem todos do lado direito.

Assim, para um pivô na posição  $j$ :

$$v[p..j-1] \leq v[j] < v[j+1..r]$$

- O algoritmo de ordenação Quicksort:

– Notação:

- 1  $v[h..j] \leq x \longrightarrow v[i] \leq x$  para todo  $i$  no conjunto de índices  $h..j$
- 2  $v[h..j] \leq v[k..m] \longrightarrow v[i] \leq v[l]$  para todo  $i$  no conjunto  $h..j$  e todo  $l$  no conjunto  $k..m$ .

– A base do Quicksort é representada pelo *algoritmo da separação* que, informalmente, consiste em rearranjar um vetor  $v[p..r]$  de modo que, em relação a um certo pivô, os elementos menores fiquem todos do lado esquerdo e os maiores fiquem todos do lado direito.

Assim, para um pivô na posição  $j$ :

$$v[p..j-1] \leq v[j] < v[j+1..r]$$

- O algoritmo de ordenação Quicksort:

– Notação:

- 1  $v[h..j] \leq x \longrightarrow v[i] \leq x$  para todo  $i$  no conjunto de índices  $h..j$
- 2  $v[h..j] \leq v[k..m] \longrightarrow v[i] \leq v[l]$  para todo  $i$  no conjunto  $h..j$  e todo  $l$  no conjunto  $k..m$ .

– A base do Quicksort é representada pelo *algoritmo da separação* que, informalmente, consiste em rearranjar um vetor  $v[p..r]$  de modo que, em relação a um certo pivô, os elementos menores fiquem todos do lado esquerdo e os maiores fiquem todos do lado direito.

Assim, para um pivô na posição  $j$ :

$$v[p..j-1] \leq v[j] < v[j+1..r]$$

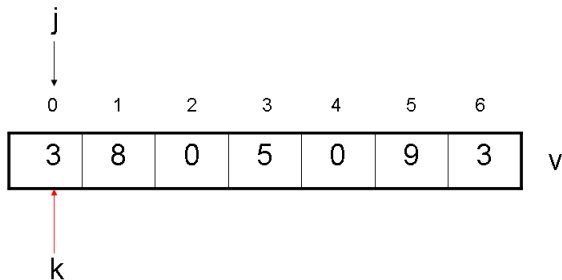
- Exemplo: algoritmo da separação

Para  $k < 6$ :

|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |   |
| 3 | 8 | 0 | 5 | 0 | 9 | 3 | v |

- Exemplo: algoritmo da separação

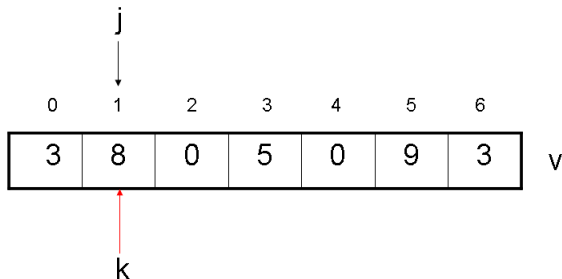
Para  $k < 6$ :



- troca  $v[j]$  com  $v[k]$  se  $v[k] \leq v[6]$
- neste caso, avança  $k$  e  $j$
- senão, avança  $k$

- Exemplo: algoritmo da separação

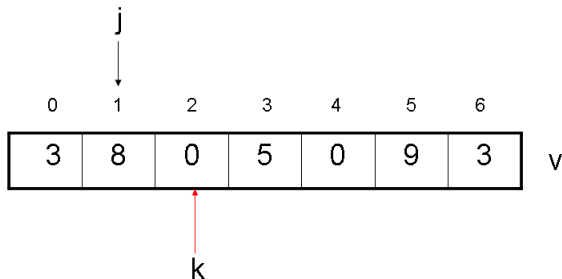
Para  $k < 6$ :



- troca  $v[j]$  com  $v[k]$  se  $v[k] \leq v[6]$
- neste caso, avança  $k$  e  $j$
- senão, avança  $k$

- Exemplo: algoritmo da separação

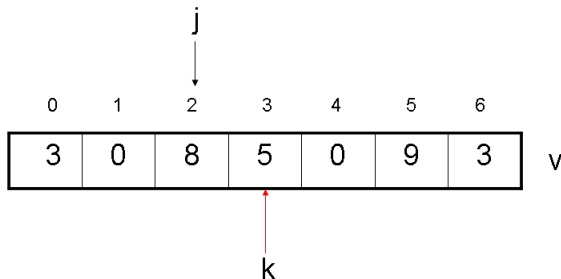
Para  $k < 6$ :



- troca  $v[j]$  com  $v[k]$  se  $v[k] \leq v[6]$
- neste caso, avança  $k$  e  $j$
- senão, avança  $k$

- Exemplo: algoritmo da separação

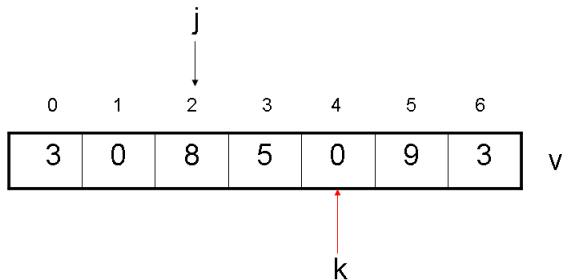
Para  $k < 6$ :



- troca  $v[j]$  com  $v[k]$  se  $v[k] \leq v[6]$
- neste caso, avança  $k$  e  $j$
- senão, avança  $k$

- Exemplo: algoritmo da separação

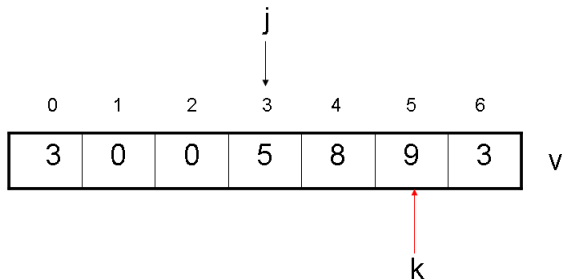
Para  $k < 6$ :



- troca  $v[j]$  com  $v[k]$  se  $v[k] \leq v[6]$
- neste caso, avança  $k$  e  $j$
- senão, avança  $k$

- Exemplo: algoritmo da separação

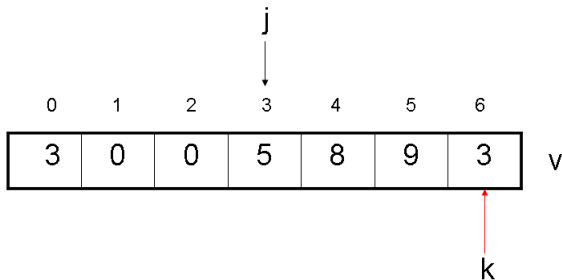
Para  $k < 6$ :



- troca  $v[j]$  com  $v[k]$  se  $v[k] \leq v[6]$
- neste caso, avança  $k$  e  $j$
- senão, avança  $k$

- Exemplo: algoritmo da separação

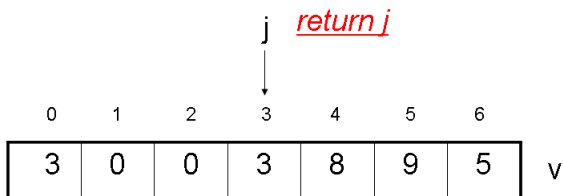
Para  $k == 6$ :



-- troca  $v[j]$  com  $v[k]$

- Exemplo: algoritmo da separação

Para  $k == 6$ :



- Programa:

```
/* Recebe um vetor v[p..r] com  $p \leq r$ . Rearranja os  
elementos do vetor e devolve o pivo em algum j tal  
que  $v[p..j-1] \leq v[j] < v[j+1..r]$ . */
```

```
int Separa(int p, int r, int v[]) {  
    int c, j, k, t ;  
    c = v[r]; j = p ;  
    for (k = p; k < r; k++)  
        if (v[k] <= c) {  
            t = v[j]; v[j] = v[k]; v[k]=t ;    /* troca */  
            j++ ;  
        }  
    v[r] = v[j] ; v[j] = c ;  
    return j ;    /* retorna posicao do pivo */  
}
```

- Algoritmo do Quicksort:

```
/* rearranja o vetor v[p..r] em ordem crescente */
```

```
void Quicksort(int p, int r, int v[]) {  
    int j ;  
    if(p < r) {  
        j = Separa (p, r, v); /* v[j] esta na posicao correta */  
        Quicksort (p, j-1, v); /* ordena lado esquerdo */  
        Quicksort (j+1, r, v); /* ordena lado direito */  
    }  
}
```

## Referências:

- Paulo Feofiloff. Algoritmos em linguagem C, Elsevier 2009.