

**MC202 - Estruturas de Dados**  
**Semestre 2001-2 - Turmas EF**  
**Prova 3: 04/dez/2001**

RA	Nome
Assinatura	Notas

**A prova é individual e sem consulta.**

**Não são permitidos computadores ou calculadoras.**

**Não separe as folhas deste caderno de prova.**

**Não é permitido o uso de outro rascunho além destas folhas.**

**Escreva seu nome completo, e assine a tinta.**

**Valem apenas as respostas nos espaços indicados.**

1. [2.5 pontos] O *inverso* de um grafo  $G$  é o grafo  $G'$  que é igual a  $G$  exceto que todas as arestas têm o sentido invertido. Supondo a representação de grafos vista em classe, escreva um procedimento  $invert(G, H)$  que coloca em  $H$  o inverso do grafo  $G$ , destruindo  $G$  no processo. O procedimento não deve usar nenhum vetor auxiliar, ou criar novos nós.

*resposta*

2. [2.5 pontos] Considere uma estrutura ligada onde cada registro, de tipo *Treco*, contém três apontadores *outro*, *amigo* e *compadre*, cada qual apontando para outro *Treco* (ou **nil**). Não há nenhuma restrição sobre esses apontadores, de modo que a estrutura pode ter ciclos, apontadores convergentes, etc.. Suponha que há também um campo inteiro *num* em cada nó, inicialmente  $-1$ . Escreva um procedimento que identifica todos os nós que podem ser atingidos a partir de um nó inicial  $p \uparrow$  dado, seguindo-se qualquer combinação desses três apontadores, e atribui números consecutivos  $1, 2, \dots$  aos campos *num* desses nós, em ordem arbitrária.

*resposta*

3. [2.5 pontos] Escreva um procedimento para embaralhar os nós de uma lista duplamente ligada, em ordem aleatória. Suponha definida uma função  $rand(m)$  que, a cada chamada, produz um novo inteiro aleatório entre 1 e  $m$ , inclusive. O procedimento não deve usar vetores auxiliares, ou alocar novos registros com **new/malloc**, e deve usar no máximo  $O(n^2)$  operações para uma lista com  $n$  elementos.

*resposta*

4. [2.5 pontos] Escreva um procedimento que transforma uma árvore B numa árvore binária de busca. Suponha que cada nó da árvore B contém um contador  $p \uparrow .m$ , vetor de chaves  $p \uparrow .\mathbf{ch}[0..p \uparrow .m - 1]$ , e um vetor de sub-árvores  $p \uparrow .\mathbf{sub}[0..p \uparrow .m]$ . A altura da árvore resultante deve ser  $O(\log n)$ , onde  $n$  é o número de chaves na árvore – mesmo que cada nó da árvore B contenha um número bem grande de chaves. *Dica*: use recursão, não iteração, para processar as chaves de um nó.

*resposta*