

# **Computação Evolutiva**

---

**MC 906 – Prof. Anderson Rocha**

---

**Organização  
dessa aula**

# Sumário

- ▶ Como resolver problemas
- ▶ Comp. Evolutiva (CE)
- ▶ Para que serve
- ▶ Como simular
- ▶ Abordagens de CE
- ▶ Problemas comuns
- ▶ Exemplos
- ▶ Próximos capítulos
- ▶ Lição

**Resolvendo problemas...**

# Como resolver problemas

- ▶ Técnicas para resolver problemas classificadas em
  - **Métodos fortes:** problemas genéricos mas operando em um mundo específico onde impera linearidade, continuidade, diferenciabilidade. Ex.: busca iterativa, gradiente etc.

# Como resolver problemas

- ▶ Técnicas para resolver problemas classificadas em
  - **Métodos específicos:** problemas específicos em mundos específicos. Ex.: toda técnica que conduz a uma solução na forma fechada como a resolução de sistemas lineares

# Como resolver problemas

- ▶ Técnicas para resolver problemas classificadas em
  - **Métodos fracos:** problemas genéricos em mundos genéricos. Operam em mundos não lineares e não estacionários. Não garantem eficiência total na solução

# Computação Evolutiva

# Computação Evolutiva

- ▶ Teoria da Evolução Natural – C. Darwin

*A vida na terra é o resultado de um **processo de seleção**, pelo meio ambiente, dos mais aptos e adaptados, e por isso mesmo, com **mais chances de reproduzir-se.***

# Computação Evolutiva

- ▶ **Paradigma** para resolver problemas
- ▶ Não exige, para resolver um problema, um conhecimento prévio de uma maneira de encontrar a solução
- ▶ Baseada em **mecanismos evolutivos** da natureza: auto-organização e comportamento adaptativo

# Computação Evolutiva

- ▶ Em CE abre-se mão da garantia de obtenção de uma solução ótima para se conquistar a **tratabilidade** via uma ferramenta de propósito geral.

**Interessante,  
mas para que serve?**

# CE – Motivação

- ▶ Podemos **validar teorias** e conceitos associados à biologia da evolução
- ▶ Podemos **lidar com problemas** com os quais não é possível ou é muito custoso obter uma descrição detalhada.

# CE – Motivação

- ▶ **Não é necessário reiniciar** todo o processo de busca de uma solução frente a pequenas mudanças nas especificações do problema.  
Por que?
  - Refinamentos podem ser obtidos a partir da solução atual

**Como simular este  
comportamento?**

# Idéias básicas

- ▶ A CE está baseada em algumas idéias básicas
  - **População de soluções** (e.g., inicialmente aleatória) no qual os indivíduos registrem os parâmetros que descrevem uma possível solução
  - **Função de avaliação** – julga a aptidão de cada indivíduo. Apenas atribui uma “nota”.

# Idéias básicas

- ▶ Operadores aplicados a uma dada geração para obtenção de uma próxima geração
  - Seleção: permite escolher os indivíduos (rep. assexuada) ou um par deles (rep. sexuada) para gerar descendência.
  - Prioridade de escolha recai sobre os mais bem avaliados

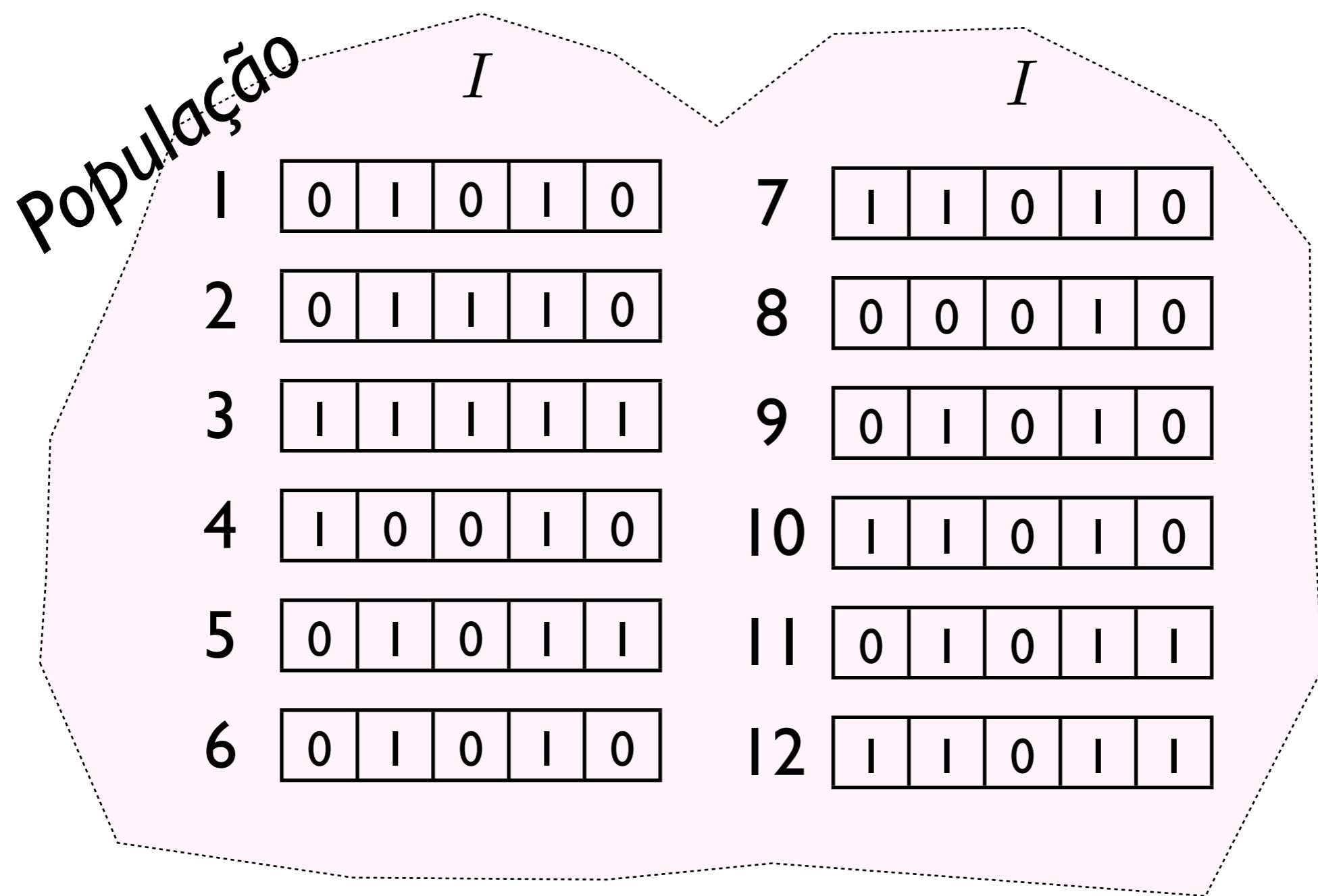
# Idéias básicas

- ▶ **Operadores** aplicados a uma dada geração para obtenção de uma próxima geração
  - **Recombinação**: simula a troca de material genético entre os ancestrais, determina a carga genética dos descendentes
  - **Mutação**: operador que realiza mudanças aleatórias no material genético

# Idéias básicas

- ▶ **Adaptação:** uma população inicial de soluções evolui ao longo das gerações que são simuladas no processo em direção a soluções mais adaptadas por meio dos operadores de seleção, mutação e recombinação.

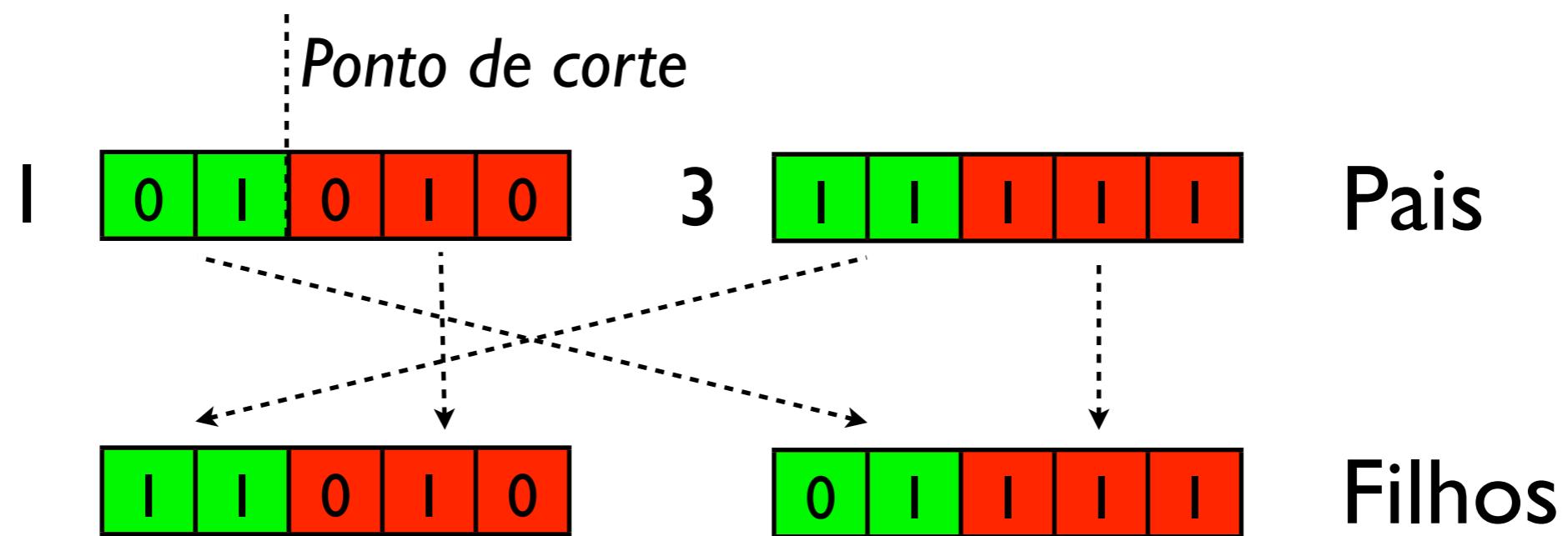
# Indivíduos formam População



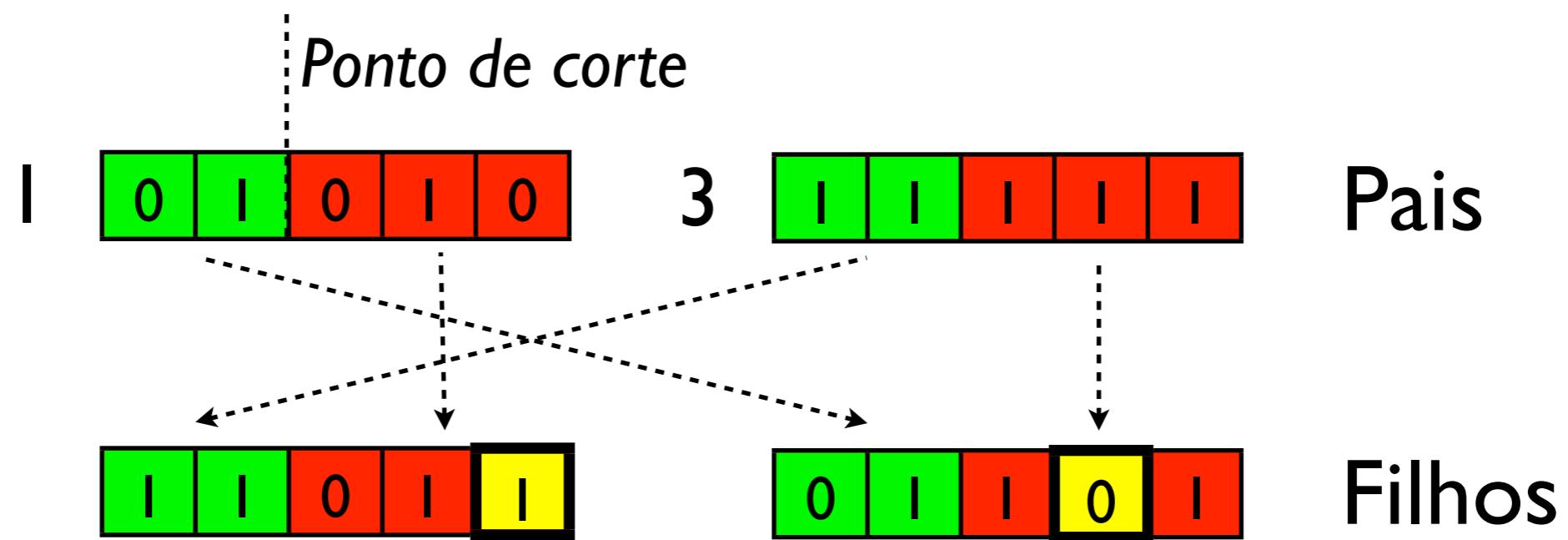
# Função de avaliação – *fitness*

	$f(I)$	$f(I)$
1		
2		
3		
4		
5		
6		
7		
8		
9		
10		
11		
12		

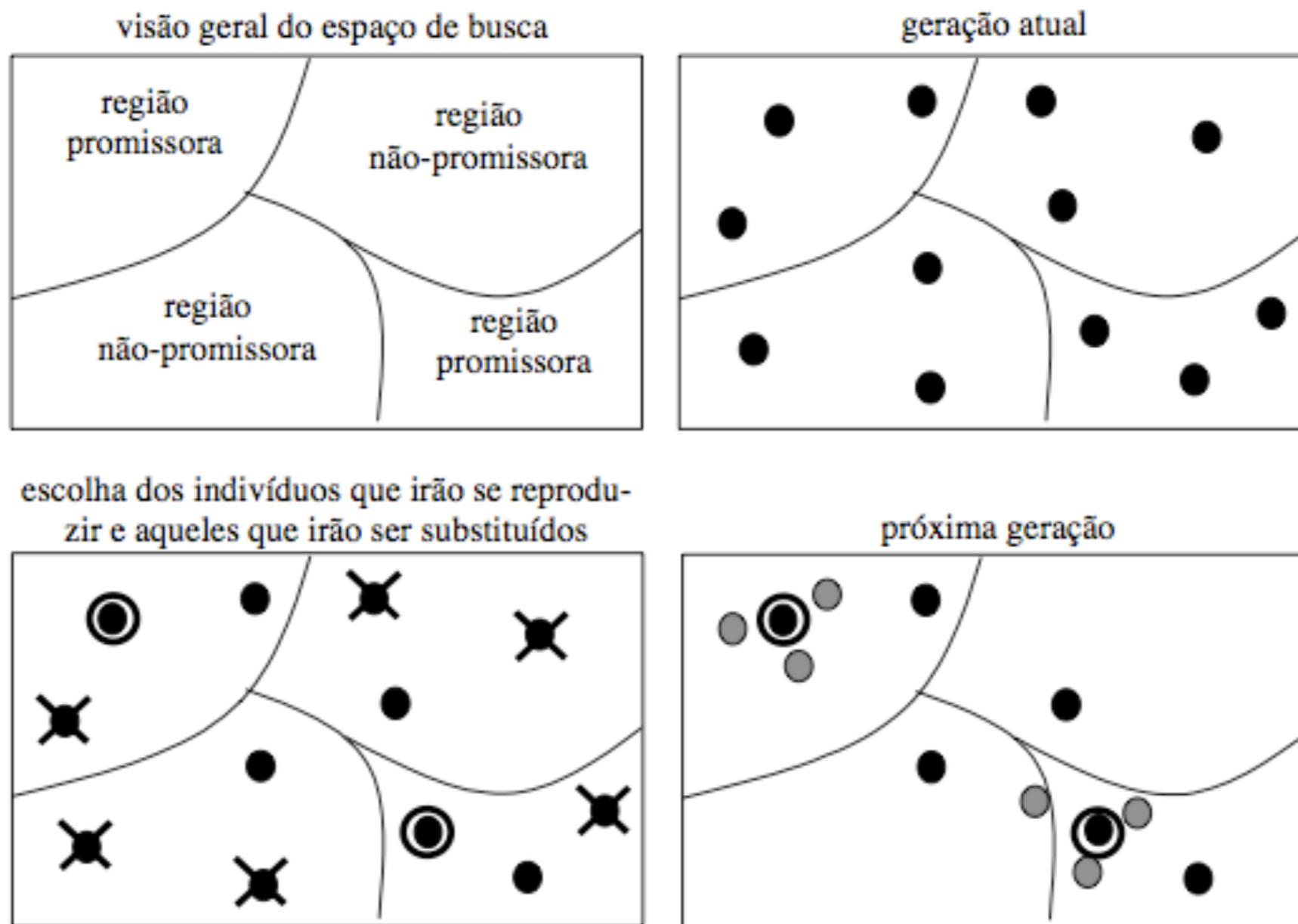
# Recombinação



# Mutação



# Entendendo melhor



# Diferentes abordagens de CE

# Diferentes abordagens

- ▶ Diferentes abordagens de CE
  - Estratégias Evolutivas
  - Programação Evolutiva
  - Algoritmos Genéticos
  - Programação Genética

# Estratégia Evolutiva

- ▶ Empregam **apenas operadores de mutação**
- ▶ Não necessita de muitas informações sobre o problema
- ▶ Muito utilizada em otimização (problemas multi-dimensionais, multi-modais e não lineares)

# Estratégia Evolutiva

## ► Algoritmo básico

1. População com  $m$  indivíduos. Cada um tem  $n$  genes
2. Cada indivíduo produz  $k/m$  descendentes com pequenas mudanças (mutações)
3. Apenas os  $m$  melhores indivíduos dos  $k$  gerados permanecem vivos.

# Programação Evolutiva

- ▶ Cada indivíduo gera um único descendente através de mutação
- ▶ A **melhor metade** da população ascendente e a melhor metade da população descendente formam a nova geração

# Programação Evolutiva

## ► Algoritmo básico

1. População inicial escolhida aleatoriamente
2. Cada solução gera uma nova solução utilizando-se mutação
3. Calcula-se aptidão de cada solução. Os mais aptos são retidos.

# Algoritmos genéticos

- ▶ Combinam variações aleatórias com seleção de indivíduos mais aptos
- ▶ AG e AE mantém uma população de soluções candidatas
- ▶ Busca multi-direcional e paralelismo
- ▶ Recombinação e Mutação

# Algoritmos genéticos

## ► Algoritmo básico

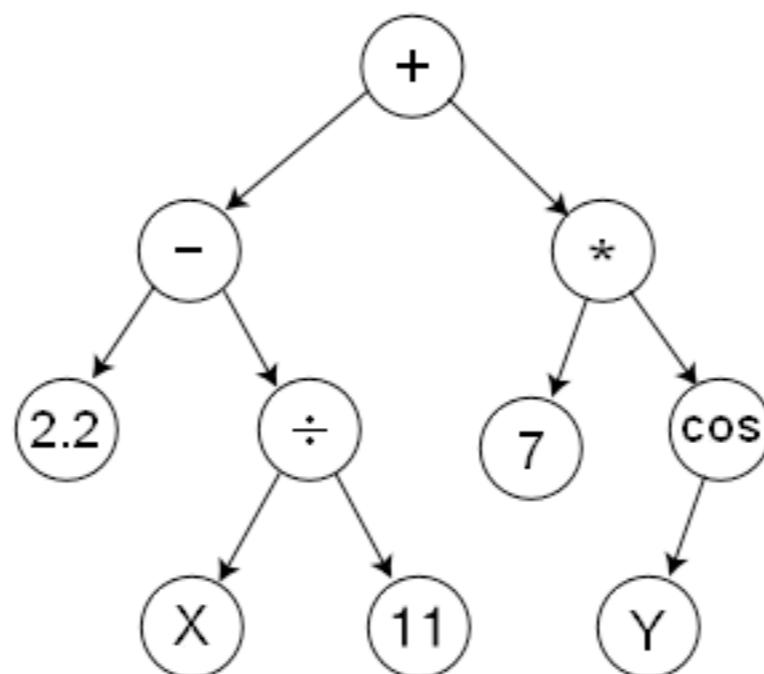
1. Inicializar população (soluções candidatas)
2. Avaliar cada cromossomo (solução)
3. Criar novos cromossomos a partir da população atual (mutação + recombinação)
4. Substituir ascendentes por descendentes
5. Se atingir critério de parada, terminar.

# Programação genética

- ▶ Extensão de Algoritmos Genéticos
- ▶ Indivíduos são programas
- ▶ Representação comum: árvores

# Programação genética

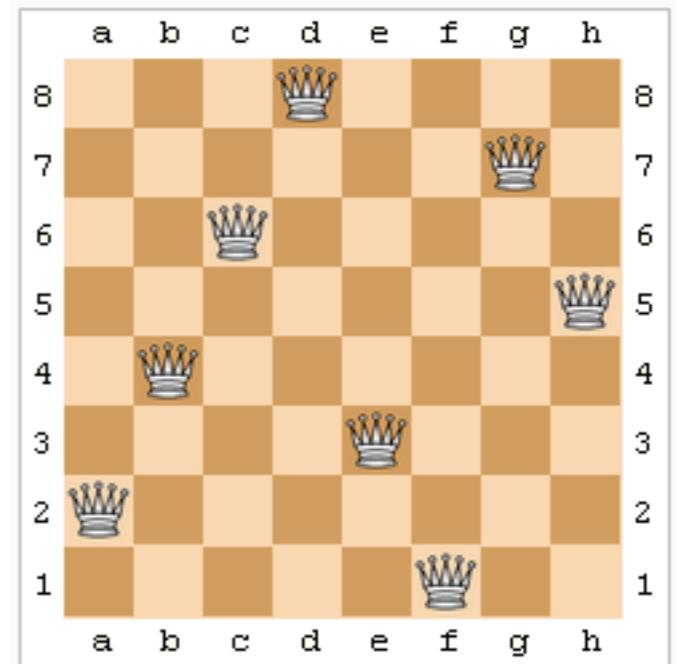
*Indivíduo em PG*



$$\left( 2.2 - \left( \frac{X}{11} \right) \right) + \left( 7 * \cos(Y) \right)$$

# Problemas comuns

- ▶ Codificação dos indivíduos – binária, ponto flutuante etc.
- ▶ Codificação errada pode levar a problemas de convergência prematura e valores inválidos (fora do domínio)



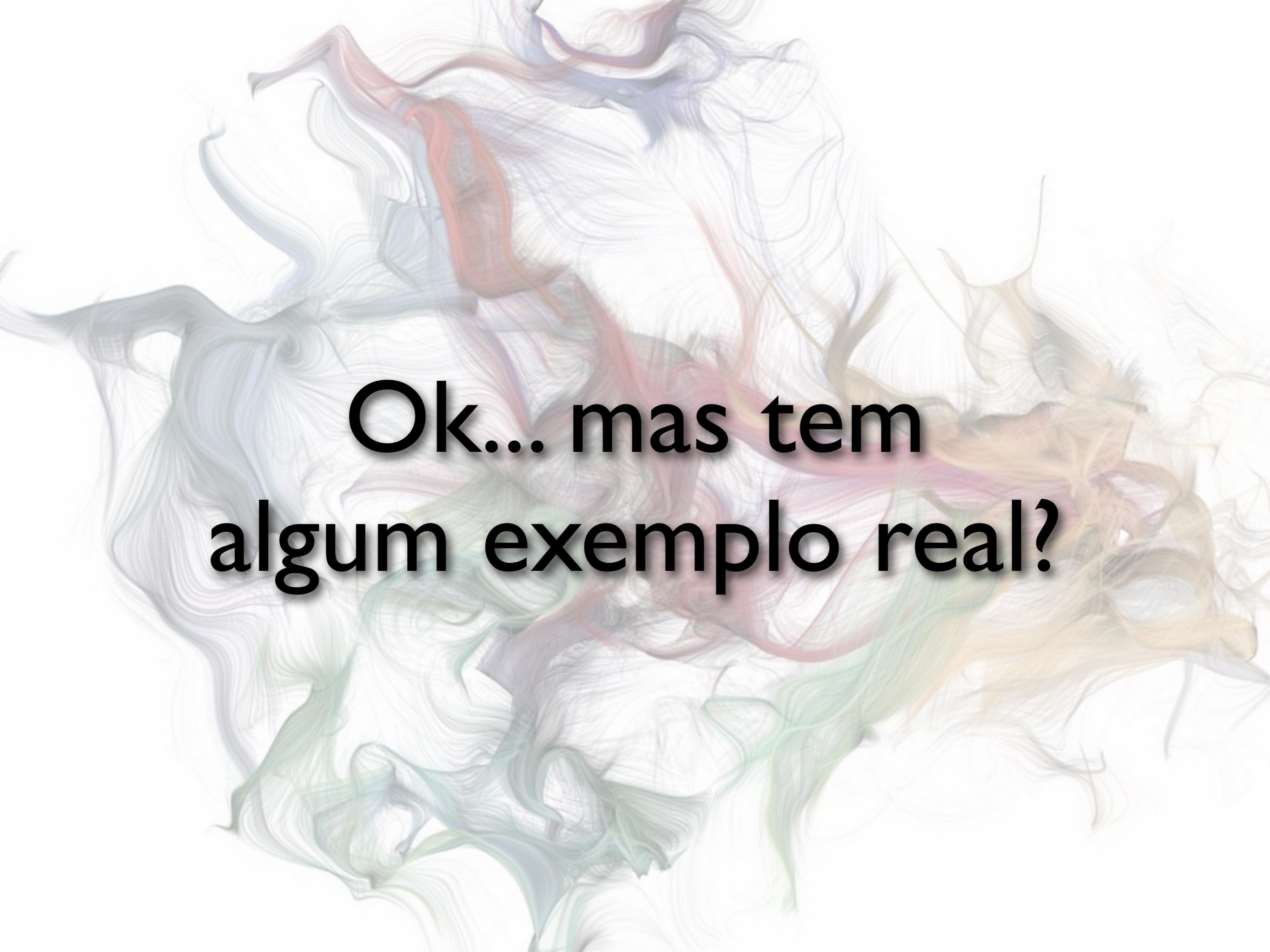
(2,4,6,8,3,1,7,5)

# Problemas comuns

- ▶ Como criar uma população inicial?  
Aleatório ou usar um método simples?
- ▶ Operadores genéticos
  - Quais os seus parâmetros? Mutação deve ser de valor alto ou baixo?
  - Como deve ser a recombinação?

# Problemas comuns

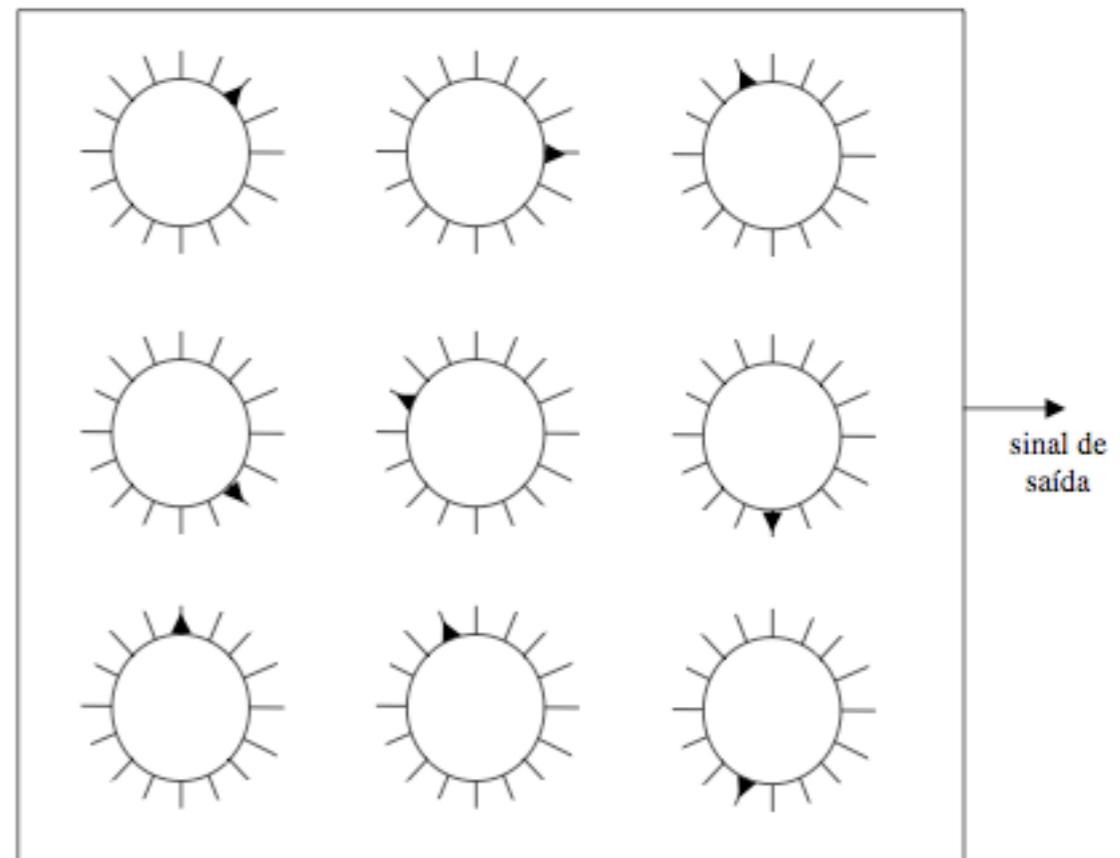
- ▶ Como selecionar indivíduos para a próxima geração?
  - **Modelo roleta** – probabilidade proporcional ao *fitness*. Pode perder melhor indivíduo. Solução: usar elitismo
  - **Seleção baseada em rank** – ordena pelo *fitness*



**Ok... mas tem  
algum exemplo real?**

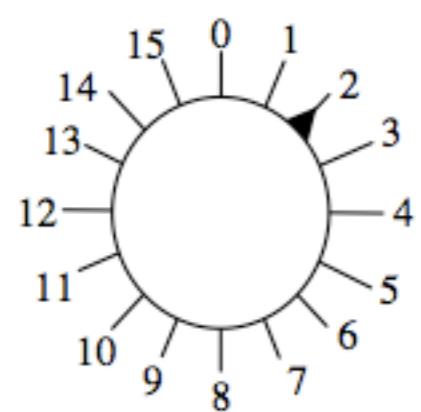
# Problema I: voltagem

- ▶ 16 posições
- ▶ 9 botões
- ▶ Encontrar combinação que maximiza sinal de saída



$$16^9 \sim 68,7 \times 10^9$$

# Problema I: Codificação

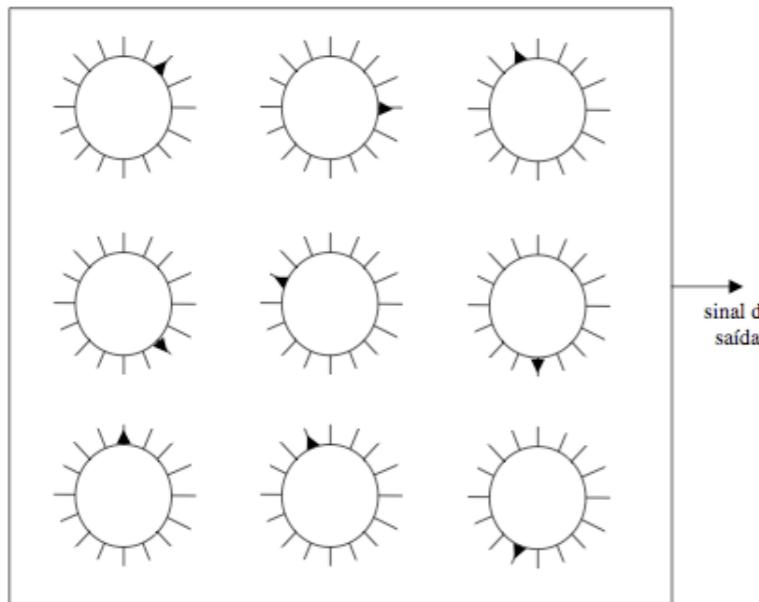


Posição	Representação	Posição	Representação
0	0000	8	1000
1	0001	9	1001
2	0010	10	1010
3	0011	11	1011
4	0100	12	1100
5	0101	13	1101
6	0110	14	1110
7	0111	15	1111

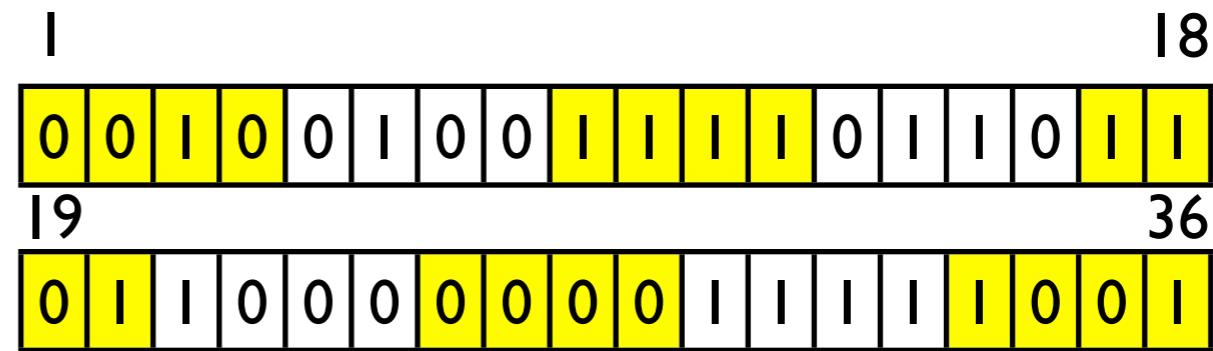
Posição atual: 0010

- ▶ 16 posições possíveis: 4 bits
- ▶ Indivíduo 4 bits \* 9 botões = 36 bits

# Um indivíduo



# Cromossomo (solução candidata)

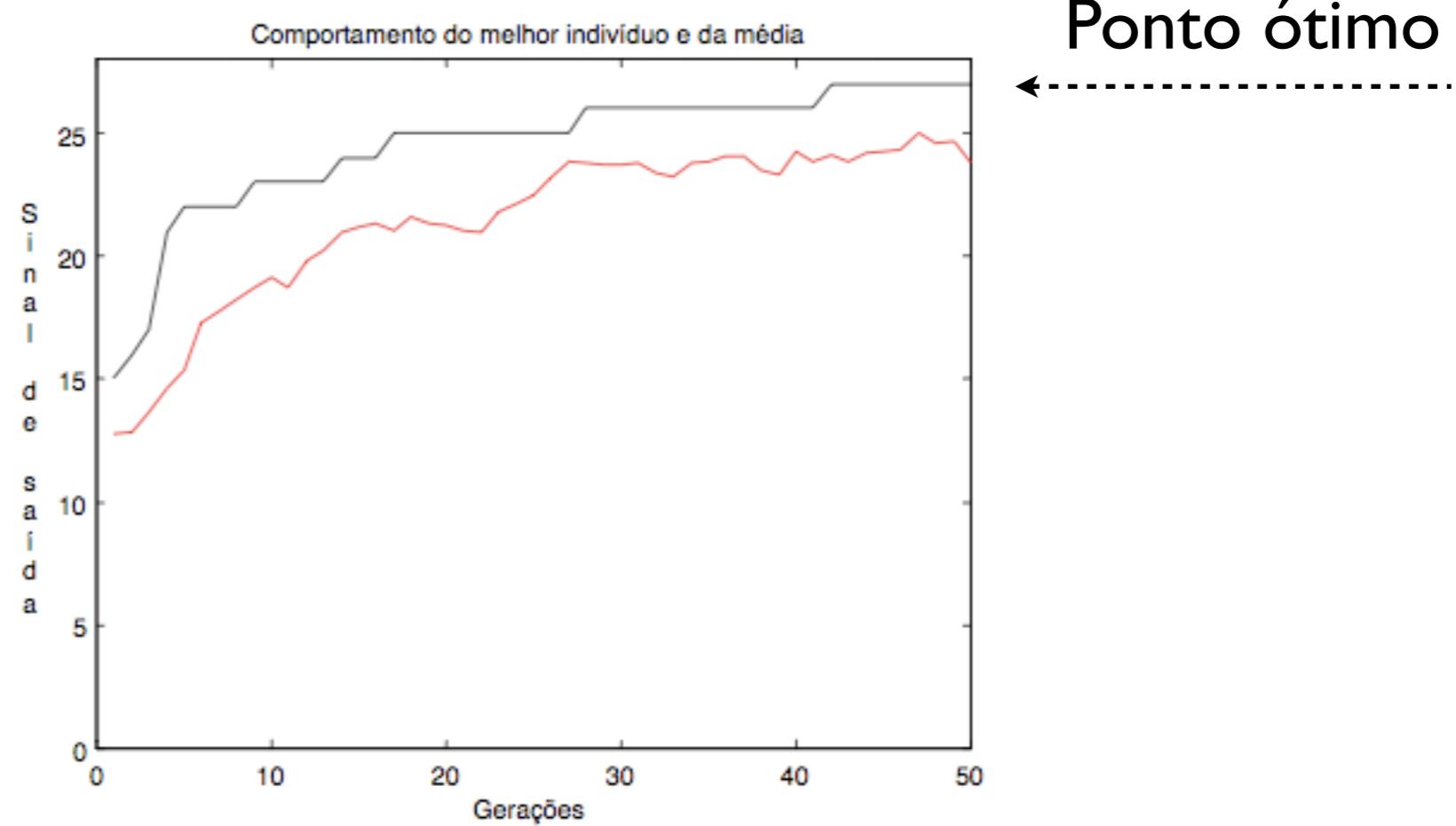


- Operadores genéticos – mutação simples e recombinação uniforme
  - Que é recombinação uniforme? Para cada posição, escolhe-se com certa prob. se pai X ou Y é que contribui

# Adaptação

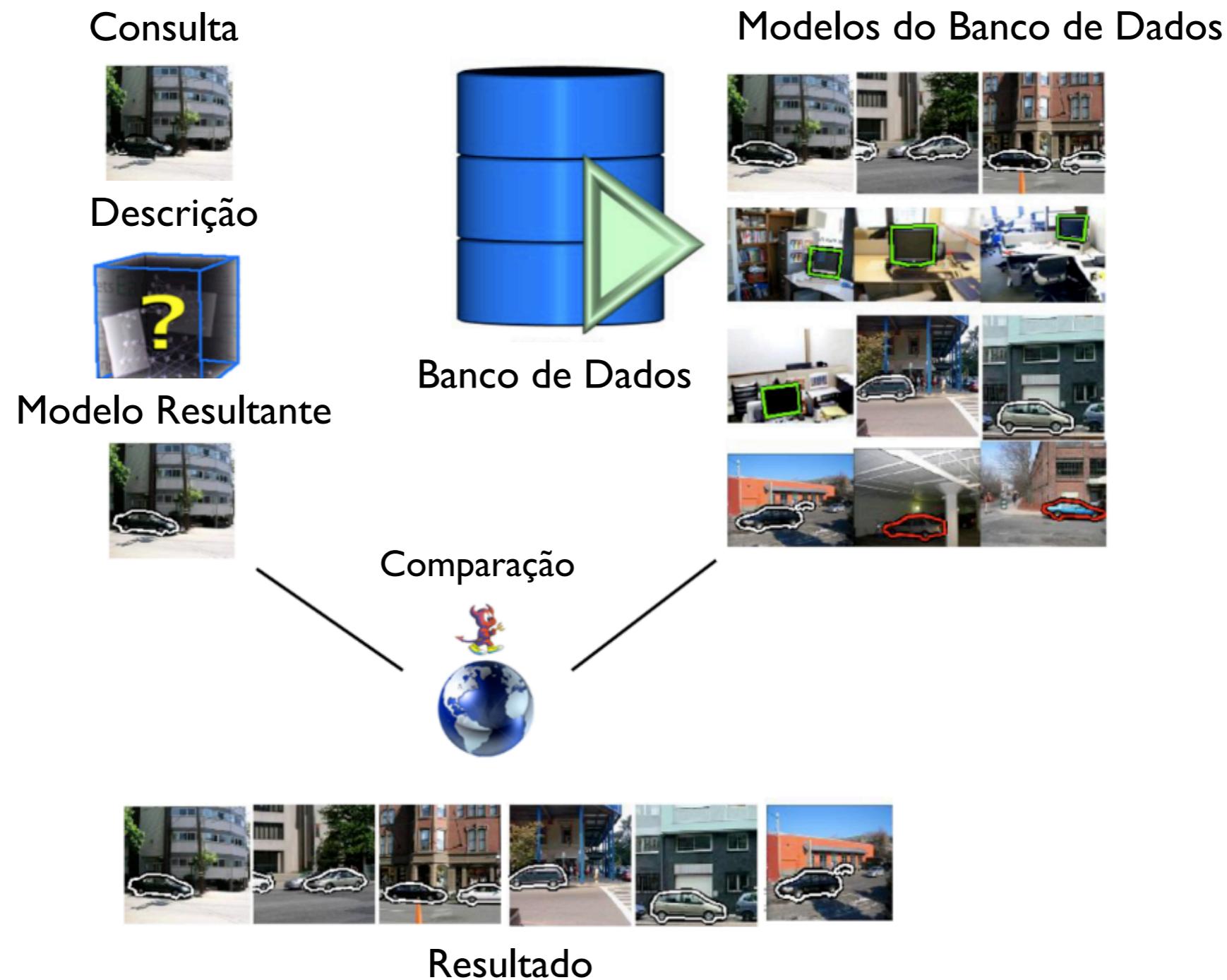
- ▶ Função de adaptação: voltagem da saída
- ▶ Valores arbitrários
  - Prob. de bits 1 na população inicial: 50%
  - Taxa de mutação: 3%
  - Recombinação: 60%
  - Tipo de seleção na recombinação: bi-classista (50% bons, 10% ruins)

# Resultado



- ▶ 1500 indivíduos apenas. Quantos eram mesmo?  $\sim 10^9$
- ▶ Resultados em menos de 1 segundo!

# Problema 2: CBIR



# Problema 2: CBIR

- ▶ Agora suponha que cada imagem possa ser descrita de alguma forma por cor, forma e textura



**Cor:** (1, 20, 50, 50, 30, 25)

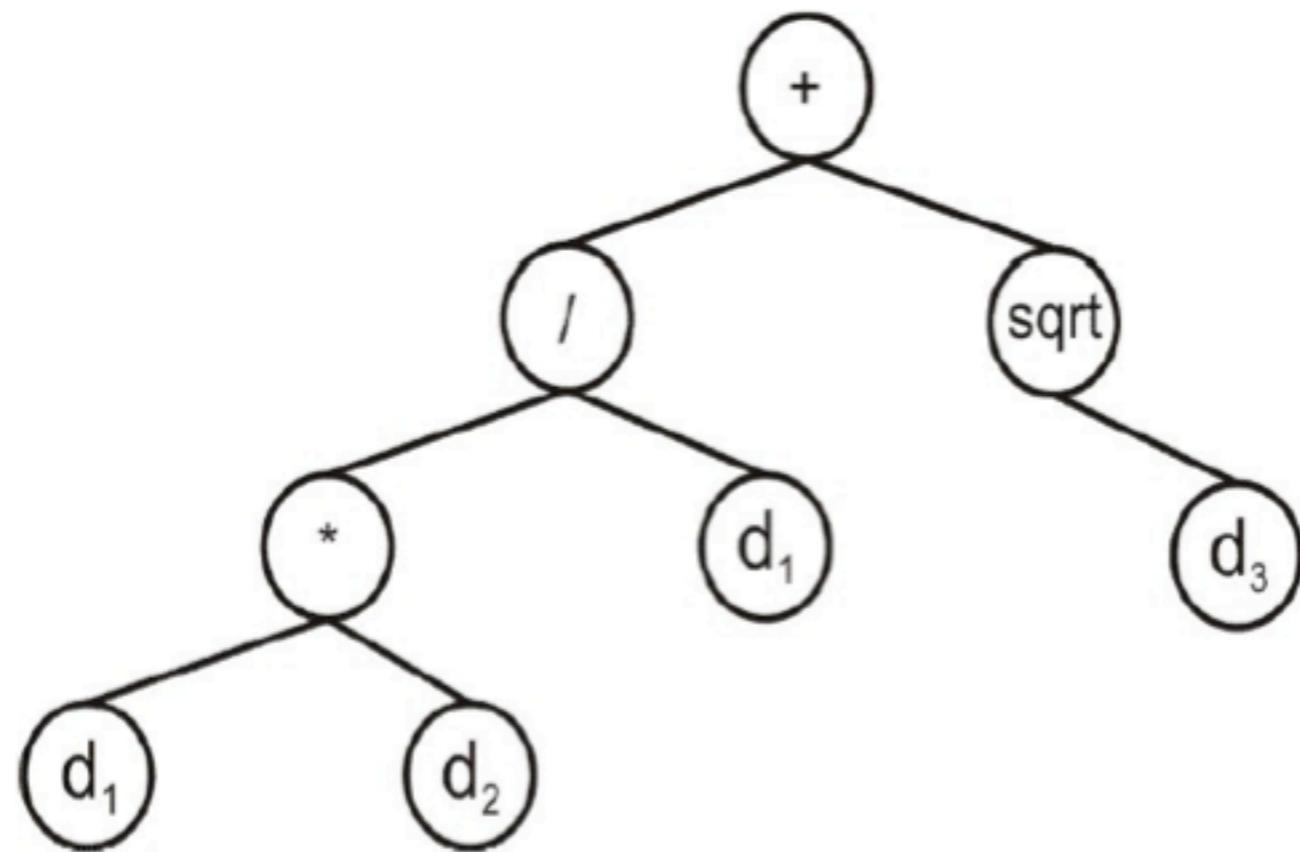
**Forma:** (0, 1, 1, 0, 1, 1)

**Textura:** (234, 50, 45, 11, 13, 14)

# Como combinar?

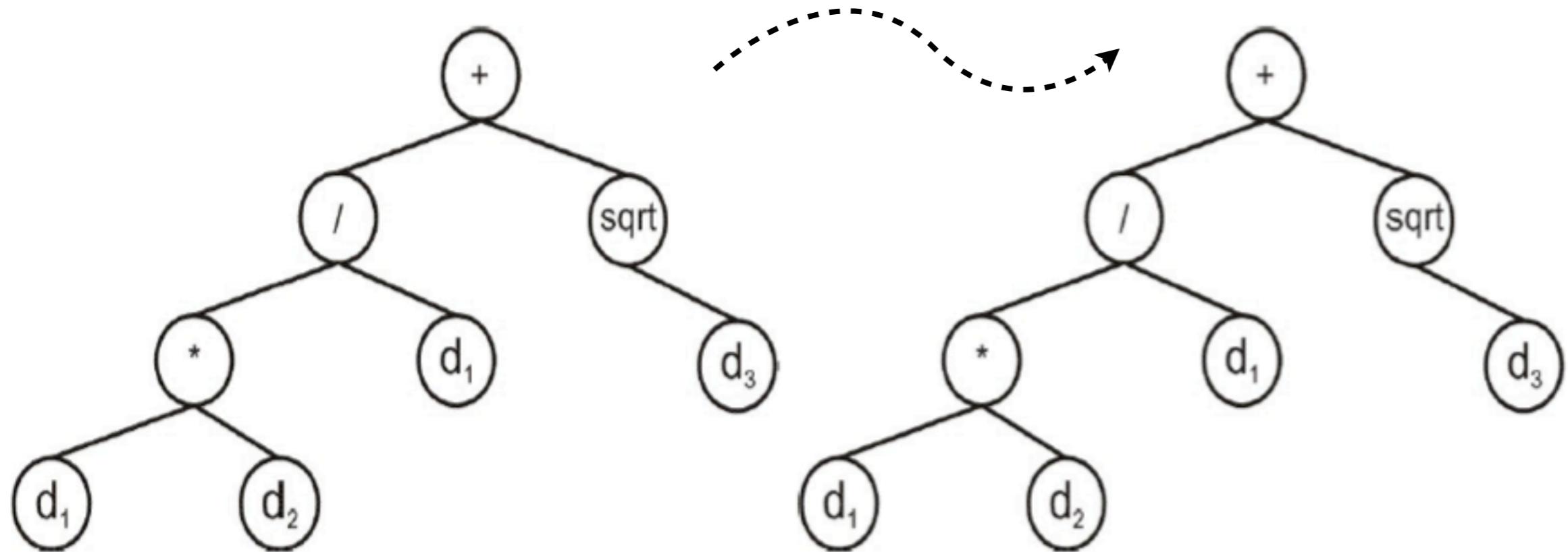
- ▶ Dado esses números que representam as imagens, como combiná-los? Soma, subtração, raiz, log, multiplicação, etc.
- ▶ Como conseguir boas combinações?
- ▶ Resposta: Programação Genética

# PG e Recuperação de Imagens

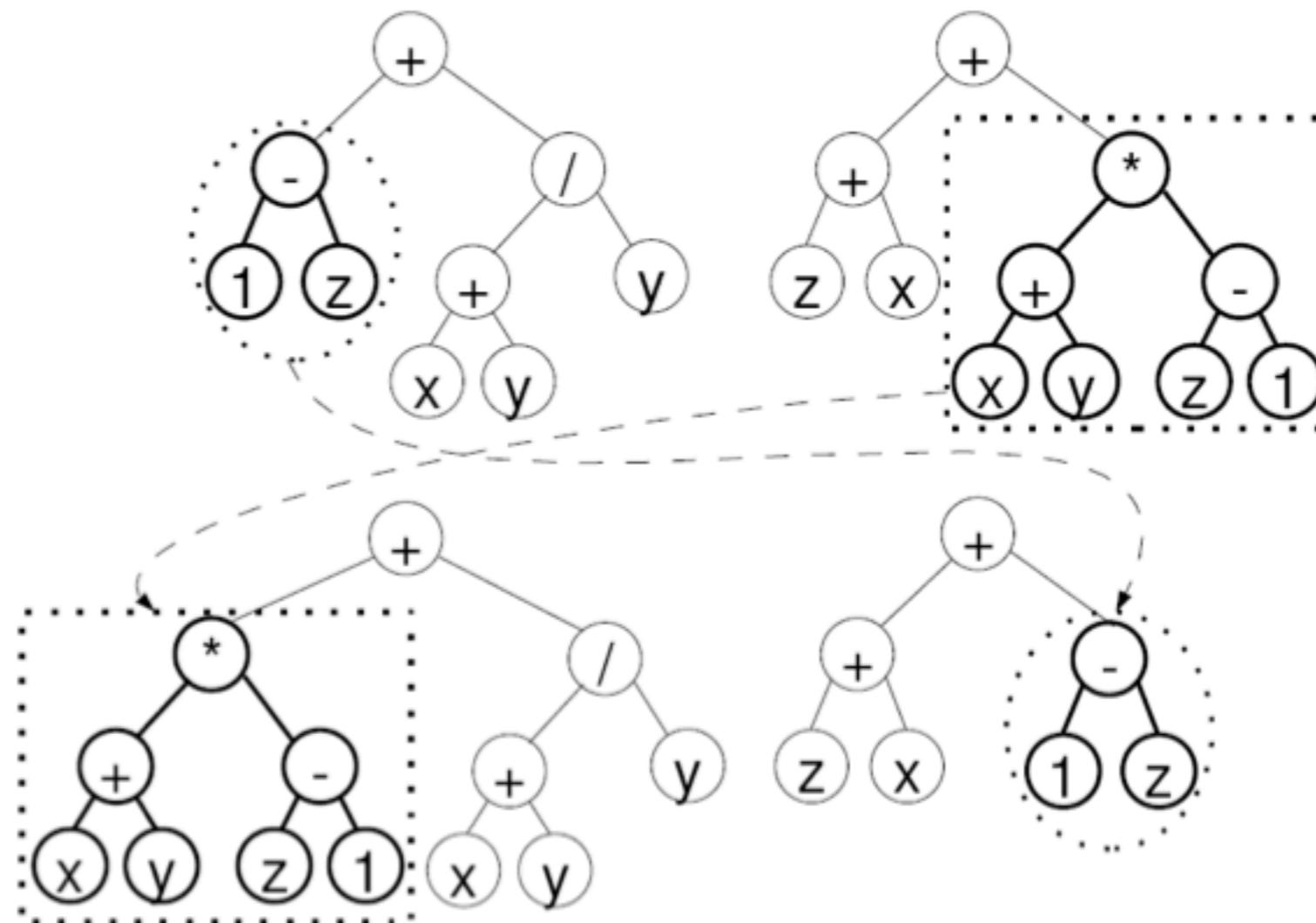


$$f(d_1, d_2, d_3) = \frac{d_1 * d_2}{d_1} + \sqrt{d_3}$$

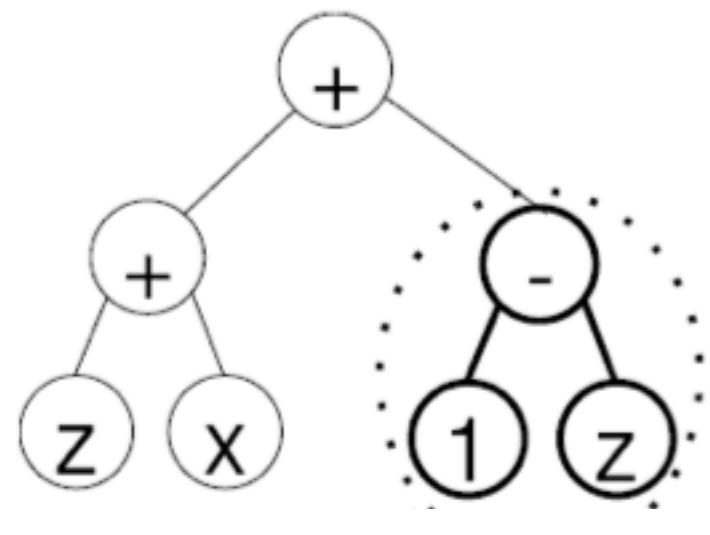
# Reprodução



# Recombinação

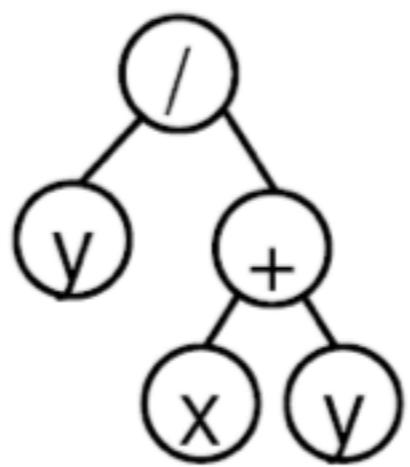


# Mutação



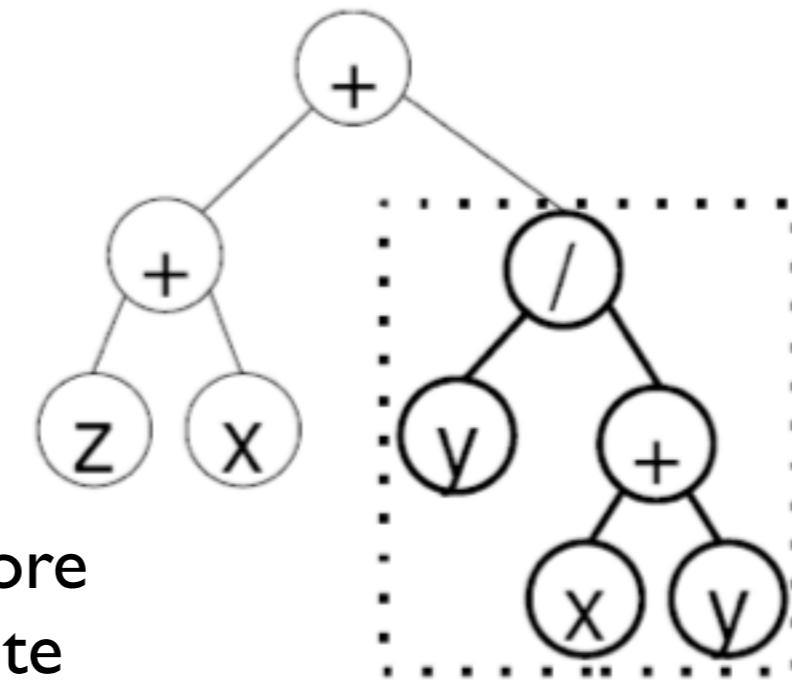
Sub-árvore  
selecionada

(a)



Gera sub-árvore  
aleatoriamente

(b)



(c)

# Vamos pensar

- ▶ Como seria se usássemos algoritmos genéticos?
- ▶ GP melhor que GA?
- ▶ E no caso de recuperação de imagens?

# Curiosidade

	Ex.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
PG											
AG											
BAS											

**Lição da aula  
de hoje**

# Lição de casa

- I. O que aprendemos na aula de hoje?
2. Computação Evolutiva para resolver problemas difíceis
3. Baseada em leis da natureza tais como seleção natural, mutação, reprodução
4. AE **não devem ser considerados prontos para o uso** mas sim como um elenco de procedimentos gerais que podem ser prontamente adaptados a cada aplicação



**Para casa...**

# Para casa...

## ► Considere o problema

- Suponha que um caixeiro deva partir de sua cidade, visitar clientes em outras 99 cidades diferentes, e então retornar à sua cidade.
- Dadas as coordenadas das 100 cidades, descubra o percurso de menor distância que passe uma única vez por todas as cidades e retorne à cidade de origem.

# Para casa – pergunta-se

- ▶ Podemos utilizar AG para resolver esse problema?  
Por quê?
- ▶ Quantas combinações teríamos se tentássemos  
resolver por força bruta?
- ▶ Imagine uma codificação possível para o problema
- ▶ Como gerar uma solução inicial?
- ▶ Proponha uma função de adequação

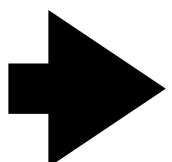
# Referências



*Evolutionary Computation I: Basic Algorithms and Operators.* Eds. Thomas Back, David Fogel and Zbigniew Michalewicz. Capítulos 1-3, 8-10.



*Evolutionary Computation 2: Advanced Algorithms and Operators.* Eds. Thomas Back, David Fogel and Zbigniew Michalewicz.



*Computação Evolutiva: Uma abordagem Pragmática.* Fernando J. Von Zuben.



*Inteligência Artificial: Ferramentas e Teorias.* Guilherme Bittencourt,

---

**Obrigado!**

---

# CE – Motivação

- ▶ Podemos **validar teorias** e conceitos associados à biologia da evolução
- ▶ Podemos **lidar com problemas** com os quais não é possível ou é muito custoso obter uma descrição detalhada.
  - Ex.: algoritmos de programação linear
  - Requerem que a função objetivo seja linear
  - Caso contrário, busca baseada no *gradiente*

# CE – Motivação

- ▶ Mas técnicas de busca baseadas em *gradiente* exigem o que?
  - Função objetivo diferenciável
  - Baixo custo de diferenciação
  - O que fazer caso a diferenciação não seja possível ou muito cara?