

(1)

Seja:

$$\pi = (-b a c -i e f h -d -g) \text{ e } \rho = (d -a h c b e -i -g f)$$

Calcule:

1.a. Diagrama de realidade e desejo

1.a.1. Primeiro extendemos as duas permutações:

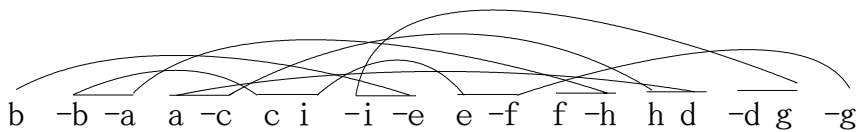
i.  $+a$  é representado como  $(-a +a)$  e  $-a$  como  $(+a -a)$

ii. no se agrega primer e último elemento, porque o genoma é circular

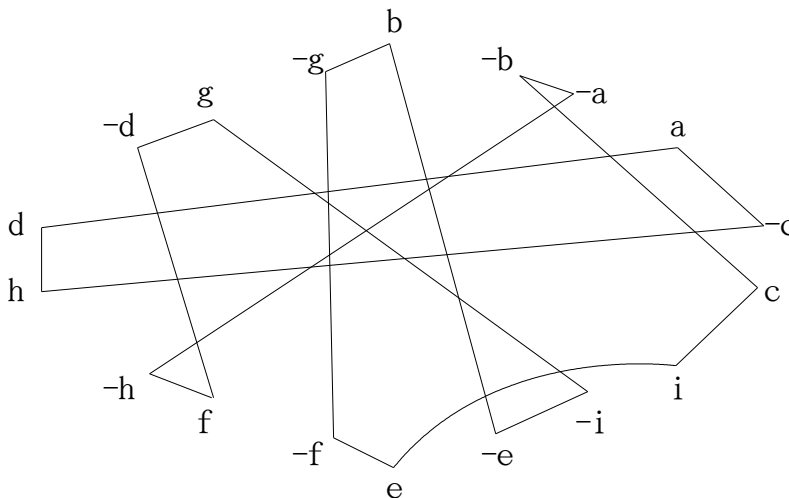
$$\pi_{\text{ext}} = (b -b), (-a a), (-c c), (i -i), (-e e), (-f f), (-h h), (d -d), (g -g)$$

$$\rho_{\text{ext}} = (-d d), (a -a), (-h h), (-c c), (-b b), (-e e), (i -i), (g -g), (-f f)$$

1.a.2. Construímos o diagrama de realidade e desejo: as arestas horizontais são realidade (permutação  $\pi$ ), enquanto as fitas sobre a linha de horizonte são desejo (permutação  $\rho$ )



1.a.3. Finalmente, unendo os dois extremos, e desenhando em círculo:



1.b.

1.b.1 Claramente, o diagrama tem dois ciclos ( (d, a, -c, h) e o resto)

1.b.2 O ciclo de 4 elementos é ruim, mais o outro é bom.

1.b.3 Tem uma só componente, que é bom, porque uno dois seus ciclos é bom.

1.b.4 Tendo uma só componente boa, claramente não tem obstáculos

1.b.5 Então, tendo  $c_{\beta}(\alpha) = 2$ ,  $h_{\beta}(\alpha) = 0$ ; aplico a equação:

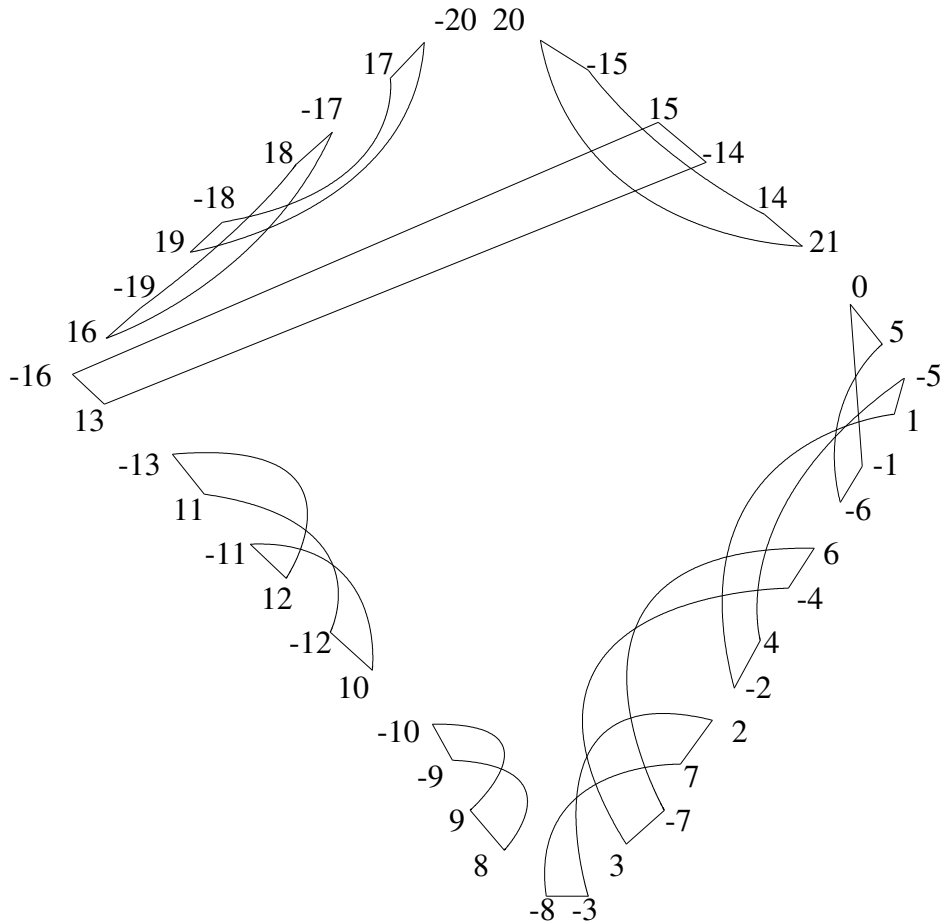
$$d_{\beta}(\alpha) = n - c_{\beta}(\alpha) + h_{\beta}(\alpha)$$

(notar que não usamos  $n+1$ , porque trabalhamos com genomas circulares e não fue enmarcado )

$$\text{obtendo, } d_{\beta}(\alpha) = 9 - 2 + 0 = 7$$

(2)

Defina dois genomas tais que o diagrama de realidade e desejo entre eles contém 10 ciclos, sendo 5 bons e 5 ruins, 5 componentes, sendo 2 boas e 3 ruins, e 2 obstáculos.



Claramente, o diagrama não é uma fortaleza (só dois das componentes ruins são obstáculos, e como não é um número ímpar, não pode ser fortaleza).

$$\begin{aligned} d_{\beta}(\alpha) &= n + 1 - c_{\beta}(\alpha) + h_{\beta}(\alpha) \\ &= 21 - 10 + 2 = 13 \end{aligned}$$