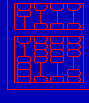




# Normalização de BDs relacionais



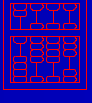
## Motivação

Esses conceitos teóricos têm objetivos práticos:

- projetar BDs possivelmente sem inconsistências,
- com menos redundância de informação,
- determinar certos tipos de restrições sobre atributos de uma relação,
- determinar as possíveis chaves de uma relação.



## Normalização de BDs relacionais



Exemplo de BD relacional *não normalizada*:

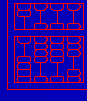
*Fornecedores*(numf, nome, end, tel, contato, CNPJ, num-mat, prazo, preço)

tem uma linha para cada possível material que o fornecedor fornece, o que leva a problemas:

- redundância: nome, endereço e CNPJ repetidos inúmeras vezes;
- atualização: endereço do fornecedor muda e alguma linha onde ele aparece não é atualizada;



# Normalização de BDs relacionais

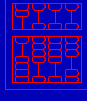


- inserção de fornecedor sem materiais homologados: valores *nulos* teriam que ser inseridos; quando materiais forem homologados, a linha com esses nulos poderia ser esquecida na tabela;
- remoção sucessiva de materiais fornecidos: pode levar à perda completa dos dados do fornecedor.



# Normalização de BDs relacionais

---



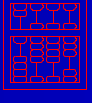
Problema básico: atributos de CEs distintos colocados na mesma tabela: Fornecimentos de materiais com atributos de Fornecedores.

Solução: eliminar informação redundante.

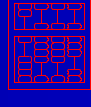
Custo: proliferação de tabelas (com menos colunas) e processamento para gerar relatórios com dados de diversas tabelas.



# Normalização de BDs relacionais



Para que serve a teoria:  
em projetos *top down*: projetar desde o início tabelas sem os problemas citados;  
em projetos *bottom up*: corrigir maus projetos, *decompondo* de forma apropriada relações *mal projetadas*, isto é, *não normalizadas*.



# O conceito de dependência funcional

## Notação:

Dado o esquema  $R(A_1, A_2, \dots, A_n)$ ,

letras do final do alfabeto,  $X, Y, Z, \dots$  denotarão subconjuntos de atributos de  $R$ ;

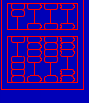
atributos compostos como  $\{A, B\}$  e  $\{B, A\}$  são idênticos e denotados por  $AB$  ou  $BA$ .

*Definição:  $X$  determina funcionalmente  $Y$*

$(X \rightarrow Y)$  se dadas duas tuplas de  $R$  em que os valores de  $X$  são iguais, então necessariamente os valores de  $Y$  também serão iguais.



# O conceito de dependência funcional



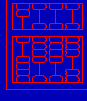
Dependência funcional é uma propriedade do projeto da base de dados, isto é, da semântica dos dados armazenados na relação.

*Definição:*  $A_i, A_j, \dots, A_k$  é uma *chave* de uma relação R se e somente se:

- (i)  $A_i, A_j, \dots, A_k$  determina funcionalmente todos os outros atributos de R;
- (ii) nenhum subconjunto de  $A_i, A_j, \dots, A_k$  determina funcionalmente os atributos restantes de R (minimalidade).



## O conceito de dependência funcional



*Definição:* Uma *superchave* de R é um subconjunto dos atributos de R que contém uma chave.

Toda chave é uma superchave, mas nem toda superchave é uma chave!

(superchaves podem violar a parte (ii) da definição de chave vista acima).

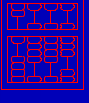
*Definição:* *Atributo não primo (ANP)* - não está contido em nenhuma chave de R.

*Atributo primo* é um atributo contido em alguma chave de R.





# Regras de inferência de Armstrong



a1 Se  $X \supseteq \underline{Y}$  então  $X \rightarrow Y$  (regra da reflexividade)

a2 Se  $X \rightarrow Y$  então para qualquer  $Z$ ,  
 $XZ \rightarrow YZ$  (regra aumentativa)

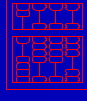
a3 Se  $X \rightarrow Y$  e  $Y \rightarrow Z$  então  $X \rightarrow Z$   
(regra da transitividade)

As regras acima são sólidas: só levam a deduções de dependências funcionais verdadeiras;

são completas: dado um conjunto de dfs  $F$  válidas para  $R$ , permitem obter todas as dfs que podem ser inferidas a partir de  $F$  e também válidas para  $R$ .



# Regras de inferência de Armstrong



As seguintes regras são simples de provar:

Regra da união: se  $X \rightarrow Y$  e  $X \rightarrow Z$  então  
 $X \rightarrow YZ$

Prova:  $X \rightarrow YX$  por a2,  
e, como  $X \rightarrow Z$ ,  $XY \rightarrow ZY$  por a2,  
logo  $X \rightarrow ZY$  por a3 e como  $ZY = YZ$ ,  
segue o resultado

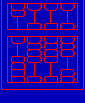
Regra da decomposição:

Se  $X \rightarrow WZ$  então  $X \rightarrow W$  e  $X \rightarrow Z$

A prova segue diretamente de a1 ( $WZ \rightarrow W$ )  
seguida de a3:  $X \rightarrow W$ . Idem para provar  
 $X \rightarrow Z$ .



# Regras de inferência de Armstrong



As regras de união e decomposição nos permitem provar:

**Lema 1: Regra geral da união/decomposição:**

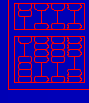
$$\begin{aligned} X &\rightarrow A_1, A_2, \dots, A_n \text{ se e somente se} \\ X &\rightarrow A_1, X \rightarrow A_2, \dots, X \rightarrow A_n, \end{aligned}$$

o que nos permite simplificar certas provas, supondo que todas as dfs são do tipo

$X \rightarrow A_i$ , onde  $A_i$  é um atributo simples de  $R$ ;  
nesse caso dizemos que  $F$  está na *forma canônica*.



# Regras de inferência de Armstrong



Uma df do tipo  $X \rightarrow A_i$ , onde  $X$  contém mais de um atributo simples, em geral não pode ser *decomposta* em dfs válidas com menos atributos à esquerda!

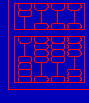
As regras de inferência de Armstrong são úteis em dois aspectos práticos:

1. dadas algumas dfs válidas para uma relação  $R$ , elas nos permitem descobrir outras dfs também válidas para  $R$ ;
2. elas podem nos ajudar a descobrir uma ou mais chaves de uma relação.



# Regras de inferência de Armstrong

---

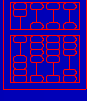


*Definição:* A  $df$  obtida pelo axioma  $a1$  é também chamada de *dependência funcional trivial*

Chamaremos de *não trivial* toda  $df$  que não é trivial.



## Formas normais (FN) de relações



São regras crescentemente restritivas para esquemas de relações *normalizadas*:

relações obedecendo à FN  $n$  devem obedecer à FN  $n - 1$ , mas não vice-versa.

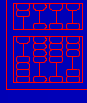
Cada forma normal *mais alta* elimina anomalias não cobertas pela forma normal *mais baixa*.

A 1ª FN é considerada como a própria definição do MR: nenhuma relação possui atributos multivalorados nem relações aninhadas.

Suporemos no que se segue, que todas as dfs dadas de uma relação são não triviais.



## Segunda Forma Normal



### *Dependência funcional parcial:*

um atributo  $A$  é dependente funcional parcial de um atributo  $X$ , se  $X \rightarrow A$  e existe um subconjunto próprio  $Y$  de  $X$  (isto é, com menos atributos que  $X$ ) tal que  $Y \rightarrow A$

Def: uma relação  $R$  está na 2ª FN se nenhum ANP de  $R$  é dependente funcional parcial de qualquer chave de  $R$ .

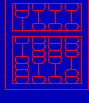
Parece complicado, mas não é! Exemplo:

$Fornitos(\underline{num\_f}, num\_mat, preço, endf)$ , com

$F = \{num\_f, num\_mat \rightarrow preço, num\_f \rightarrow endf\}$  não está na 2ª FN.



## Terceira Forma Normal



Dadas:  $X \rightarrow Y$ ,  $Y \not\rightarrow X$ , e  $Y \rightarrow Z$   
dizemos que “Z depende transitivamente” de X.

As aspas são intencionais: esse tipo de dependência transitiva é indesejável, porém o requisito:

$Y \not\rightarrow X$  (X não é dependente funcional de Y)

é importante: se X e Y forem chaves de R e Z for um outro atributo qualquer de R, então

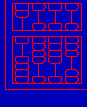
$X \rightarrow Y$ ,  $Y \rightarrow X$  e  $Y \rightarrow Z$

pois, afinal, Y também é chave de R





## Terceira Forma Normal



Def: R está na 3ª FN se nenhum ANP de R “depende transitivamente” de qualquer chave de R.

Exemplo:

*Funcionários*(*numf*, *RG*, *nome*, *depto*, *nome\_depto*)

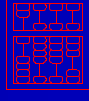
*numf* é chave primária, *RG* é chave e *depto* → *nome\_depto* é uma df válida,

R não está na 3ª FN, pois *nome\_depto* é um ANP que “depende transitivamente” da chave *numf*.



# Forma Normal de Boyce Codd

---



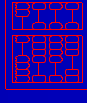
Def: uma relação  $R$  está na FNBC se para toda  $d$  não trivial,  $X \rightarrow Y$ , válida para  $R$ , então  $X$  é uma superchave  $R$ .

numa relação na FNBC, as únicas dependências funcionais não triviais são derivadas de chaves da relação.

Projeto *top down* de relações normalizadas segundo a FNBC: todas as dfs da relação devem ter uma chave do lado esquerdo!



## 3ª FN ou FNBC?



Excepcionalmente não se pode ter todas as relações na FNBC. Exemplo clássico:

*Endereços(Cidade, Rua, CEP),*

com dfs: *CidadeRua*  $\rightarrow$  *CEP* e  
*CEP*  $\rightarrow$  *Cidade*

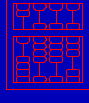
É comum num sistema postal:

- o par *Cidade Rua* “determina” o *CEP*, mas nenhum deles determina o *CEP*,
- dado um *CEP*, a *Cidade* fica determinada, (mas *CEP* não determina *Rua*).



## Quarta forma normal

---



Origem: o mapeamento na mesma relação de dois ou mais atributos multivalorados independentes entre si gera redundâncias indesejáveis. Exemplo:

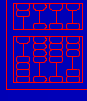
*Livros(num\_tombo, autores, assuntos)*,

onde um dado livro pode ter vários autores e tratar de vários assuntos.

Esta propriedade é refletida na chave primária da relação.



## Quarta forma normal



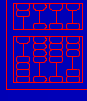
Por exemplo, poderíamos ter na tabela Livros seis linhas para o livro 31416:

num_tombo	autores	assuntos
31416	Aho	algoritmos
31416	Aho	complexidade
31416	Aho	busca
31416	Ullman	algoritmos
31416	Ullman	complexidade
31416	Ullman	busca

Livros está em FNBC, mas, existe grande redundância: um livro com  $k$  autores e  $m$  assuntos, poderia ter  $k \cdot m$  linhas nessa relação e inconsistências podem ocorrer.



## Quarta forma normal



Solução óbvia: decompor a tabela Livros em duas tabelas *Livros1* e *Livros2*:

*Livros1*(num\_tombo, autores) e,

*Livros2*(num\_tombo, assuntos).

Apenas cinco linhas vão aparecer nas duas tabelas para o livro 31416.

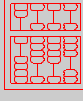
Caso geral de um livro com  $k$  autores e  $m$  assuntos:

ele apareceria  $k + m$  vezes nas duas tabelas em vez de  $k \cdot m$  vezes

Eliminamos as redundâncias: um autor aparece uma só vez (para um dado livro), assim como um assunto.



## Continência de formas normais



Relações na 4ª FN, também estão na FNBC; por sua vez, relações na FNBC estão em 3ª FN e estas, por sua vez, estão na 2ª FN; estas restrições sucessivas podem ser visualizadas assim:

