

1. Prove que para todo inteiro par x e todo inteiro positivo y , x^y é par. Use generalização universal.
2. Prove que para quaisquer números reais x e y , $\sqrt{x^2 + y^2}$ é maior ou igual a $|x|$. Use generalização universal.
3. Prove que todo inteiro par que termina com o algarismo 7 é múltiplo de 3.
4. Prove que para todo x real existe um y real tal que $x^2 < y^2$.
5. Prove que existe um número inteiro x tal que $734\,322\,229\,123\,331 + x$ é um número primo. Não precisa ser uma demonstração construtiva.
6. Demonstre que, se r é um número irracional, então existe um único inteiro n tal que a distância entre r e n é menor do que $1/2$.
7. Prove ou desprove que, para todo número natural x , $x^2 < x + 100$.
8. Prove ou desprove que, para todo número inteiro x , existe um inteiro y tal que $x^2 + y^2$ é um quadrado perfeito.
9. Seja K o predicado tal que $K(x)$ é verdade se e somente se x é um número real irracional. Prove ou desprove que, para quaisquer x e y , $K(x) \wedge K(y) \rightarrow K(xy)$.
10. Prove ou deprove que, as proposições $(\forall x \in D) P(x) \vee Q(x)$ e $((\forall x \in D) P(x)) \vee ((\forall x \in D) Q(x))$ são logicamente equivalentes, para quaisquer predicados P e Q .
11. Prove ou desprove: existe um inteiro x tal que, para todo inteiro y , $x^2 + y^2 - 1$ é um quadrado perfeito.

12. 204886 Seja P o predicado tal que $P(x)$ é verdade se e somente se x é um inteiro par. Prove ou desprove: para quaisquer inteiros x e y , $P(x + y) \rightarrow (P(x) \leftrightarrow P(y))$.